



# インタラクティブシステム論 第6回

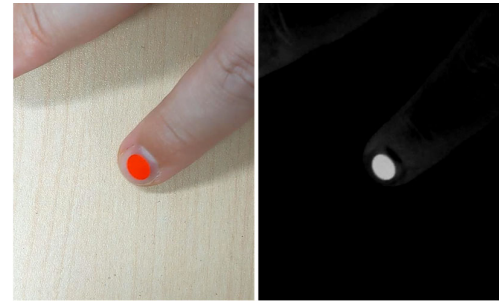
梶本裕之

## 日程

講義番号	講義日	講義内容	pdf	video	レポート締め切り
1	4/8	イントロダクション	[ <a href="#">pdf</a> ] 2021年版	<a href="#">video</a> <a href="#">🔗</a>	4/15
		Scilab課題	[ <a href="#">pdf</a> ](更新なし)		↑
		上記資料のPython版	[ <a href="#">pdf</a> ](更新なし)		↑
2	4/15	フーリエ変換	[ <a href="#">pdf</a> ] 2021年版	<a href="#">video</a> <a href="#">🔗</a>	4/22
3	4/22	フーリエ変換と線形システム	[ <a href="#">pdf</a> ] 2021年版	<a href="#">video</a> <a href="#">🔗</a>	4/29
-	4/29	昭和の日			
4	5/6	信号処理の基礎	[ <a href="#">pdf</a> ] 2021年版	<a href="#">video</a> <a href="#">🔗</a>	5/13
5	5/13	信号処理の応用1(相関)	[ <a href="#">pdf</a> ] 2021年版	<a href="#">video</a> <a href="#">🔗</a>	5/20
6	5/20	信号処理の応用2(画像処理)	[ <a href="#">pdf</a> ] 2021年版	<a href="#">video</a> <a href="#">🔗</a>	5/27
-	5/27	(出張) 中間確認テスト準備 (自習)			
-	6/3	(出張) 中間確認テスト準備 (自習)			
-	6/10	中間確認テスト			
7	6/17	ラプラス変換	[ <a href="#">pdf</a> ] 2021年版	<a href="#">video</a> <a href="#">🔗</a>	6/24
8	6/24	古典制御の基礎	[ <a href="#">pdf</a> ] 2021年版	<a href="#">video</a> <a href="#">🔗</a>	7/1
9	7/1	行列	[ <a href="#">pdf</a> ] 2021年版	<a href="#">video</a> <a href="#">🔗</a>	7/8
10	7/8	行列と最小二乗法	[ <a href="#">pdf</a> ] 2021年版	<a href="#">video</a> <a href="#">🔗</a>	7/15
11	7/15	ロボティクス	[ <a href="#">pdf</a> ] 2021年版	<a href="#">video</a> <a href="#">🔗</a>	7/22
-	7/22	期末テスト準備 (自習)	[ <a href="#">pdf</a> ]2021年版		
-	7/29	期末確認テスト (現在は大学を予定)			

日程およびテストを大学で行うかについては、随時アナウンスします。Google Classroomでもアナウンスの予定。

# 画像処理とは



元の画像から

- 人間が理解しやすいように加工する
  - 何らかの情報を抽出する
- 信号処理の一種.

## 特徴

- **2次元**データである (動画なら3次元)
- 時間信号のような**因果関係がない** (動画ならある)

# 初歩的な画像処理

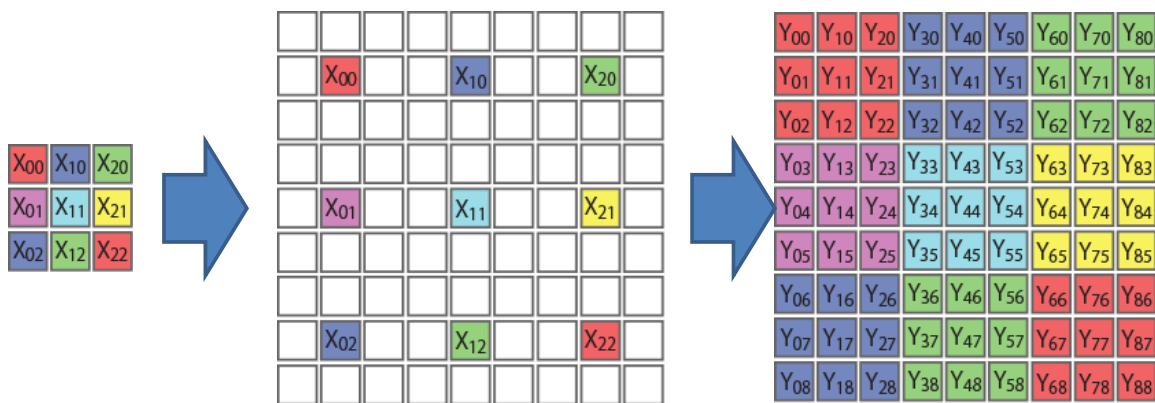
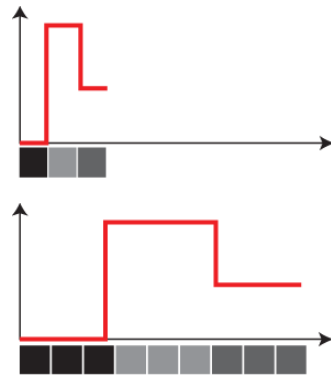
# 初歩的な画像処理（I）拡大・縮小

(例) 3倍に拡大

一番簡単な方法: Nearest Neighbor (最近傍) 法

$$Y_{i,j} = X_{i/3,j/3}$$

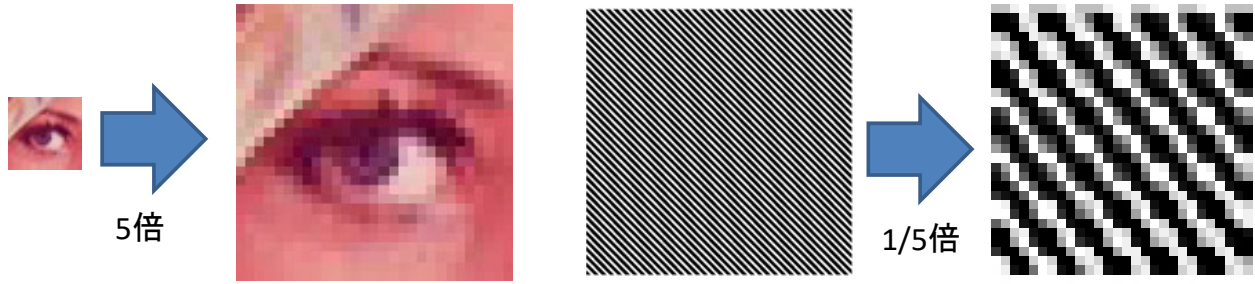
(ただし  $i/3$  は整数の割り算.  $1/3=0, 2/3=0, 3/3=1...$ )



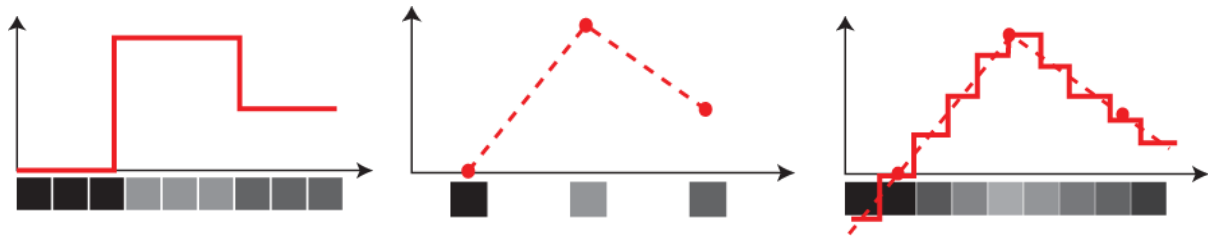
## Nearest Neighbor



# Nearest Neighbor法の問題

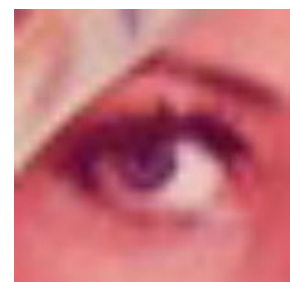
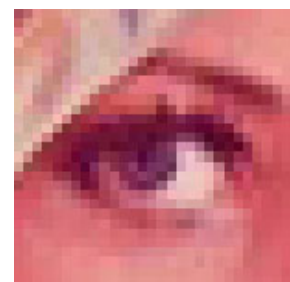
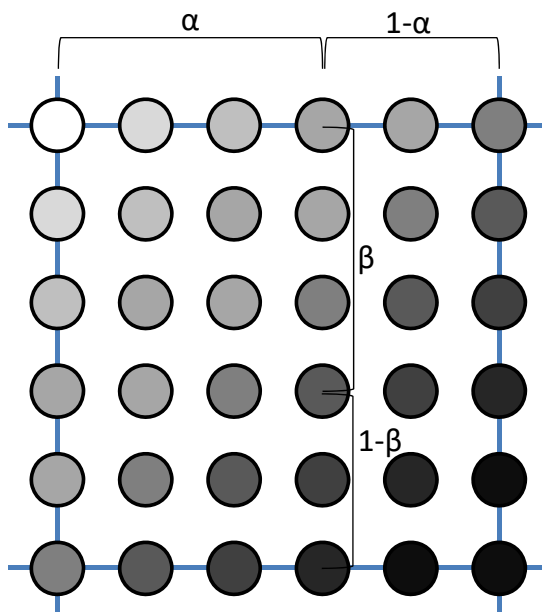


1. 荒さが目立つ
  2. 縮小時には偽の周波数(モアレ)を生じる  
(サンプリング間隔の変化によるエイリアシング)
- もっとなだらかに結べばよい⇒直線補間.



# Bi-Linear法

2次元画像なので4点間を線形補間  
Bi : 線形補間を2回することを表す



他にBi-Cubic法など

# Bi-Linear

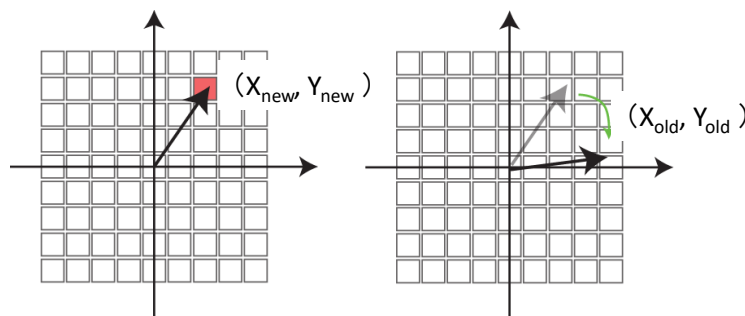


Photoshop使用

## 初歩的な画像処理（2）回転

(1) 新画像のあるピクセル座標 $X_{new}$ ,  $Y_{new}$ が、  
元画像でどこに位置していたか計算。(順番に注意)

$$\begin{bmatrix} X_{old} \\ Y_{old} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(-\theta) & -\sin(-\theta) \\ \sin(-\theta) & \cos(-\theta) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_{new} \\ Y_{new} \end{bmatrix}$$

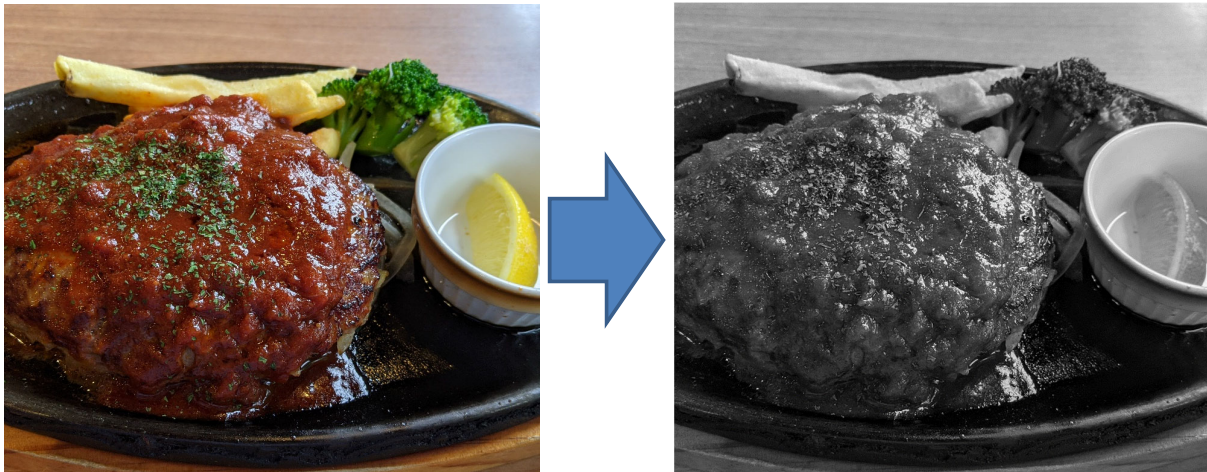


(2)  $X_{old}$ ,  $Y_{old}$  は小数

⇒ 整数にして, そのピクセルの色を使う(Nearest Neighbor法)

⇒ 周辺の4ピクセルから補間する (Bi-Linear法)

# 初歩的な画像処理 (3) グレースケール化

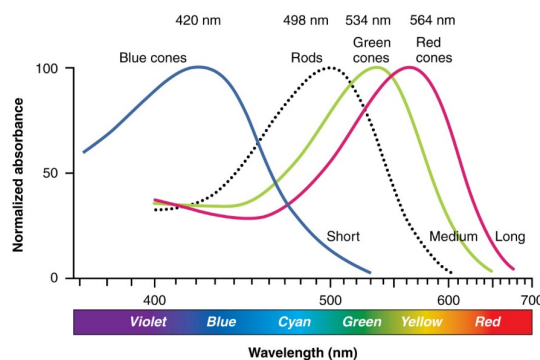
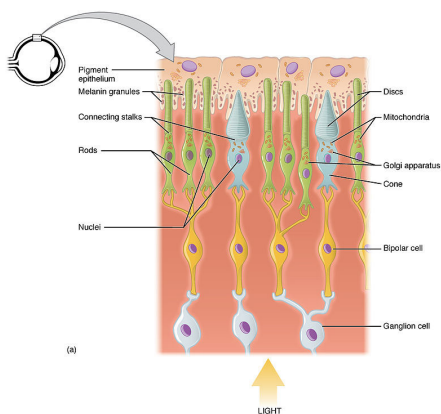


誰でも考える方法: R, G, Bの平均:

$$K_{ij} = (R_{ij} + G_{ij} + B_{ij}) / 3$$

悪くはないが, 最良でもない.

## 人の光感受性細胞



桿体細胞(Rod)

- 明暗センサ

錐体細胞(Cone)

- 青錐体細胞(S細胞) 435nm近辺
- 緑錐体細胞(M細胞) 546nm近辺
- 赤錐体細胞(L細胞) 600nm近辺

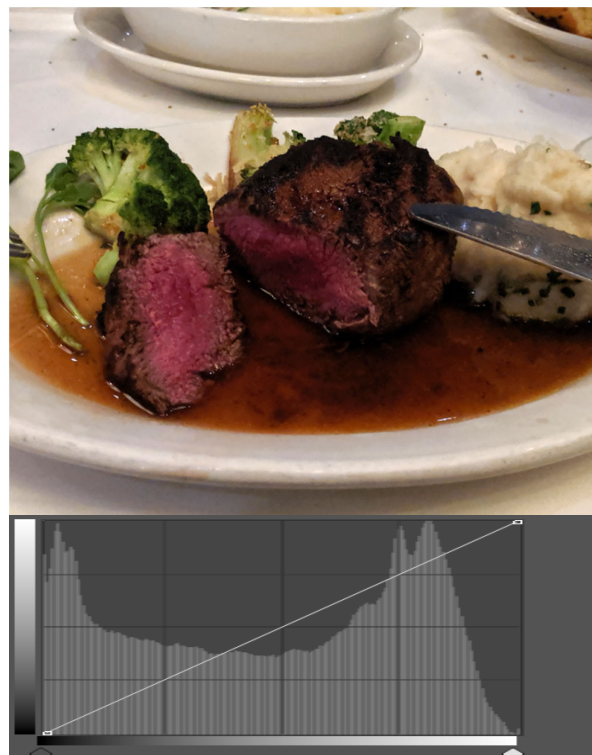
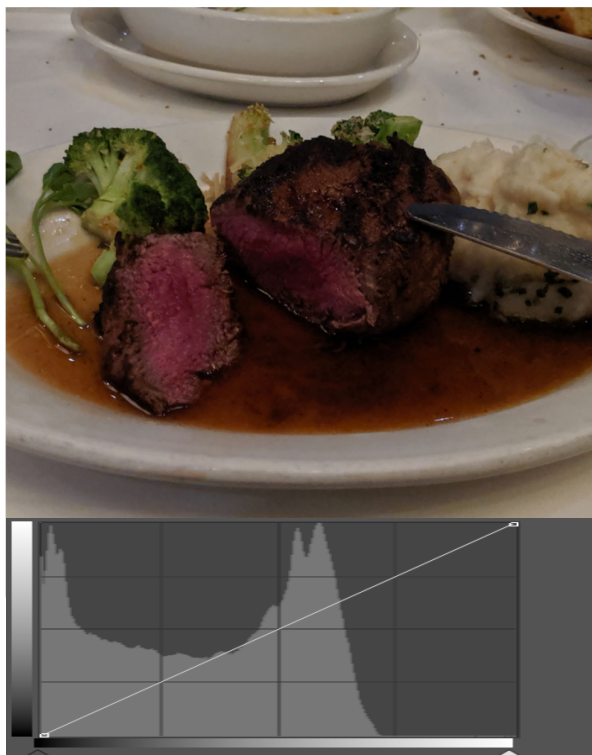
Photoreceptor Cells (Wikipedia) [https://en.wikipedia.org/wiki/Photoreceptor\\_cell](https://en.wikipedia.org/wiki/Photoreceptor_cell)

同じ輝度のR, G, Bを, 人は同じ明るさに感じない⇒補正

心理的に正しいグレースケール変換:

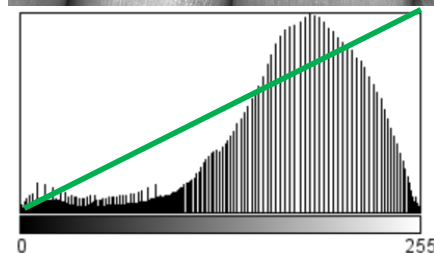
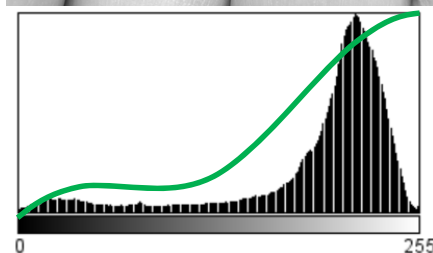
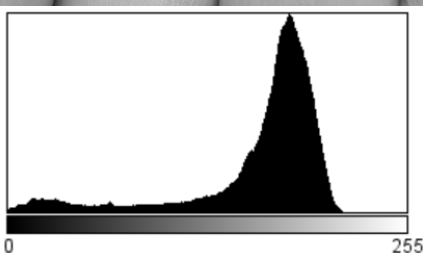
$$K_{ij} = \underline{0.299}R_{ij} + \underline{0.587}G_{ij} + \underline{0.114}B_{ij}$$

# 初歩的な画像処理（４）濃度調整



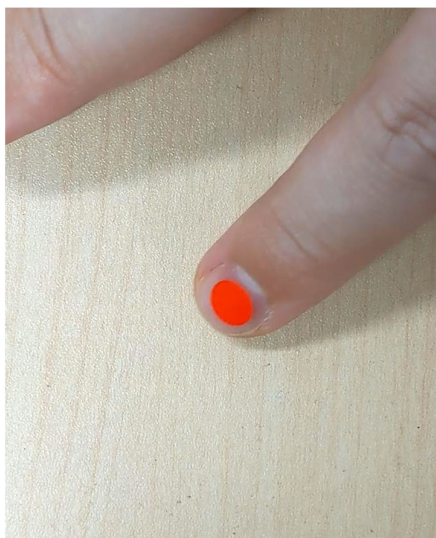
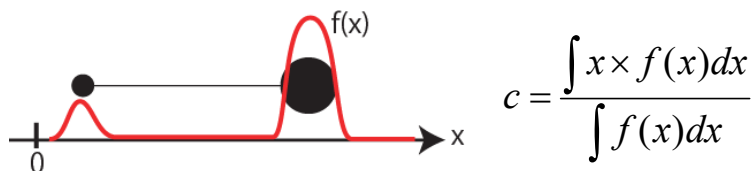
メリハリのある画像にしたい: 画像の明るさ分布に注目  
ヒストグラムを作成、最大値、最小値を255-0に合わせる。

## 濃度調整のバリエーション：イコライゼーション



ヒストグラムの**累積度数**のグラフの傾きを一定化  
(=どの明るさも同じ量だけ使われている)  
(この例では手の白領域がより明瞭にコントラストが付いている)

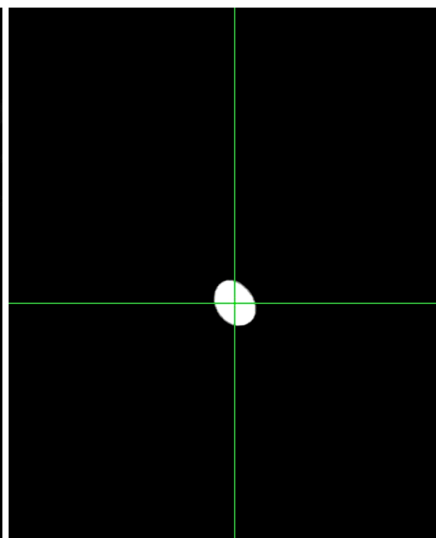
# 初歩的な画像処理（5）重心計算



元画像



Red - Green



閾値処理後、重心計算



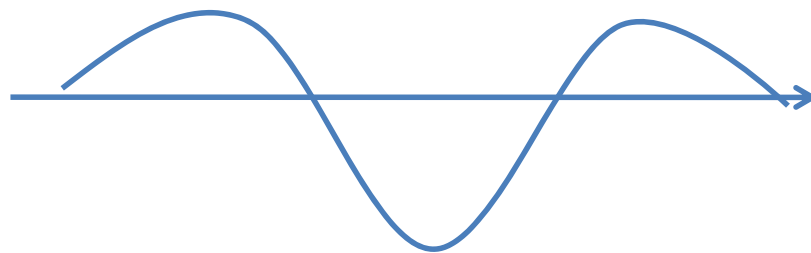
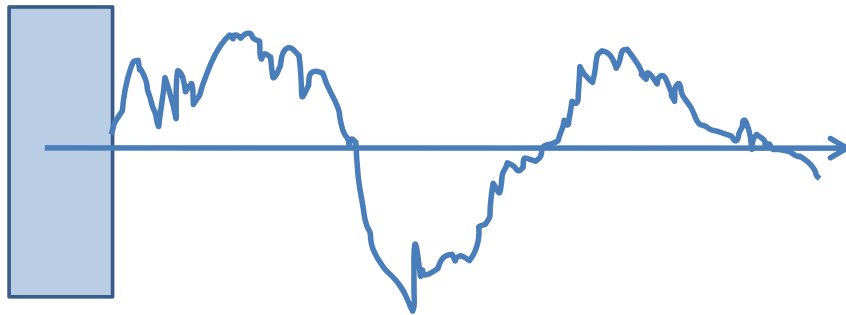
重心計算は事前の閾値処理(による不要部分の0化)が必須

ImageJ使用

# 画像のフィルタリング



# (復習) 平均化=ローパスフィルタ



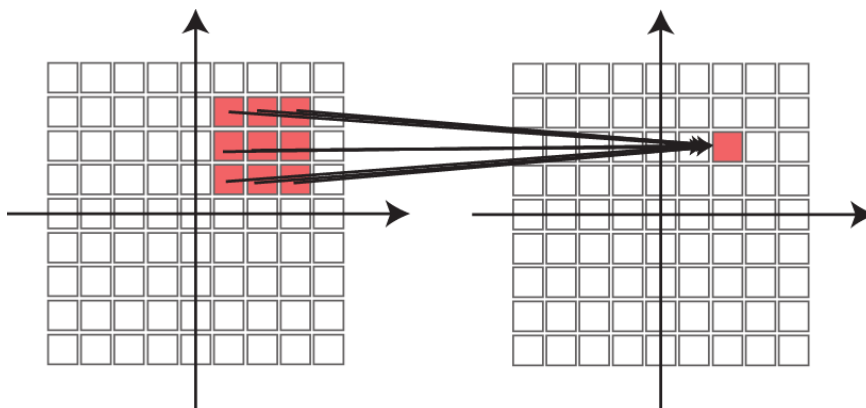
ノイズを「ならし」て大域的な特徴をつかむ

## 画像の平滑化

1次元信号の平滑化と同様に、2次元的に平均すればよい。

3x3領域を平均化する場合：

$$\begin{aligned} Y_{i,j} = & X_{i-1,j-1} + X_{i-1,j} + X_{i-1,j+1} \\ & + X_{i,j-1} + X_{i,j} + X_{i,j+1} \\ & + X_{i+1,j-1} + X_{i+1,j} + X_{i+1,j+1} \end{aligned}$$



# オペレータ

3x3領域を使った演算を一般化:

$$Y_{i,j} = aX_{i-1,j-1} + bX_{i-1,j} + cX_{i-1,j+1} \\ + dX_{i,j-1} + eX_{i,j} + fX_{i,j+1} \\ + gX_{i+1,j-1} + hX_{i+1,j} + iX_{i+1,j+1}$$

この係数行列をオペレータという。  
FIRフィルタの係数と同じ役割。

先ほどの平滑化:すべての係数が等しい

$$\begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/9 & 1/9 & 1/9 \\ 1/9 & 1/9 & 1/9 \\ 1/9 & 1/9 & 1/9 \end{bmatrix}$$

## オペレータの演算例

元画像

1	2	3	2
2	3	3	3
3	4	2	4
4	5	1	5

オペレータ

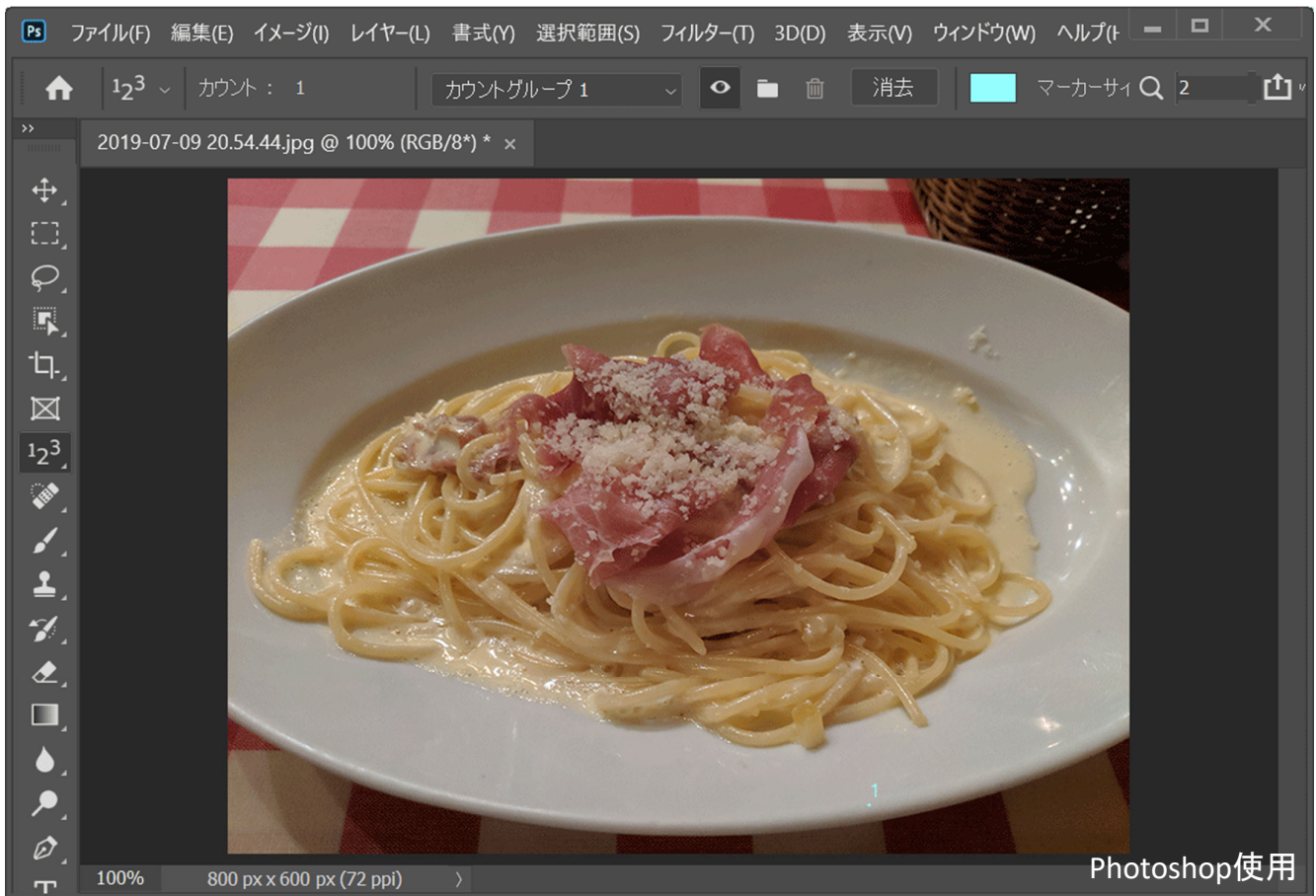
$$\frac{1}{4} \times \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

結果

$$\frac{1}{4} \times \begin{bmatrix} & & & \\ & & & \\ & & & \\ & & & \end{bmatrix}$$

端の処理が問題となる場合はとりあえず考えない

# デモ：平滑化

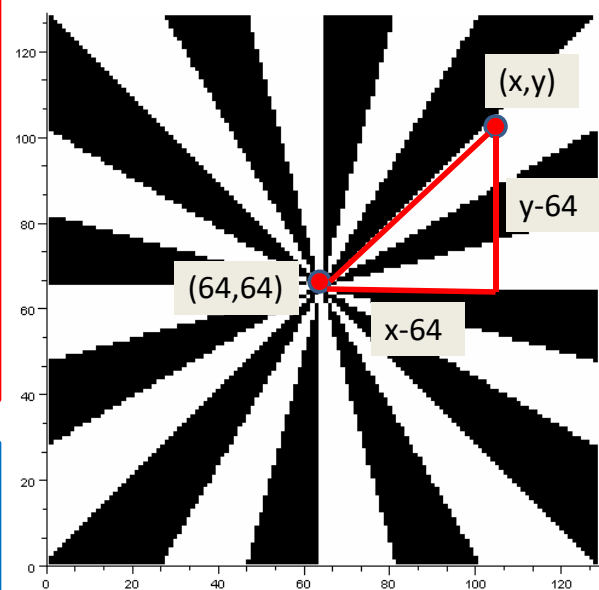


## Scilabレポート課題準備：サンプル画像作成

```
for x=1:128,  
  for y=1:128,  
    deg = atan(y-64,x-64)/%pi*180;  
    if(pmodulo(deg,30)<15)  
      img(x,y)=255;  
    else  
      img(x,y)=0;  
    end  
  end  
end
```

```
f = scf();  
f.color_map = graycolormap(256);  
Matplot(img); //行列を  
square(0,0,129,129);
```

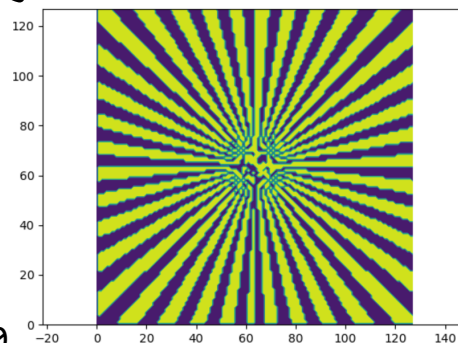
128×128の行列を用意  
中心から放射状に伸びる縞



256階調グレースケール表示

## (参考) Pythonでのコード例

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
img = np.zeros((128,128))
for x in range(1,128):
    for y in range(1,128):
        deg = np.arctan2(y-64,x-64) * 180
        if(deg%30 < 15):
            img[x,y] = 255
        else:
            img[x,y] = 0
plt.contourf(img)
plt.axes().set_aspect('equal','datalim')
plt.show()
```



Img配列の生成は以下のように書くことも出来る

```
xx, yy = np.meshgrid(np.arange(-64,64),np.arange(-64,64))
deg = np.arctan2(xx,yy) * 180
img = np.floor(np.mod(deg,30) / 15)
```

## Scilabによる3x3の平均化

元画像生成部は省略

```
img2=zeros(126,126);
//3x3のオペレータによる平均化
for x=1:126,
    for y=1:126,
        img2(x,y)= ...
            (img(x,y) +img(x+1,y) +img(x+2,y)+...
            img(x,y+1)+img(x+1,y+1)+img(x+2,y+1)+...
            img(x,y+2)+img(x+1,y+2)+img(x+2,y+2))/9;
    end
end
```

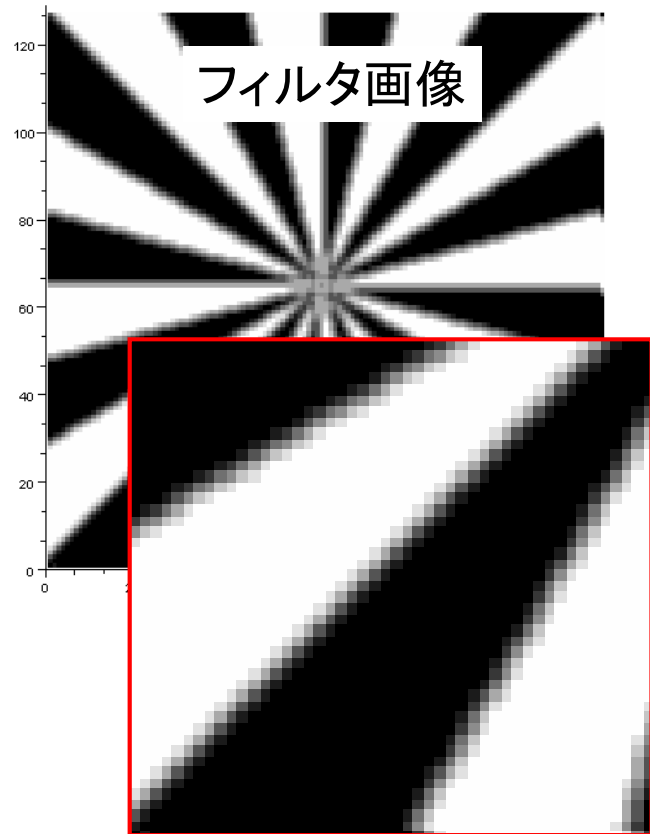
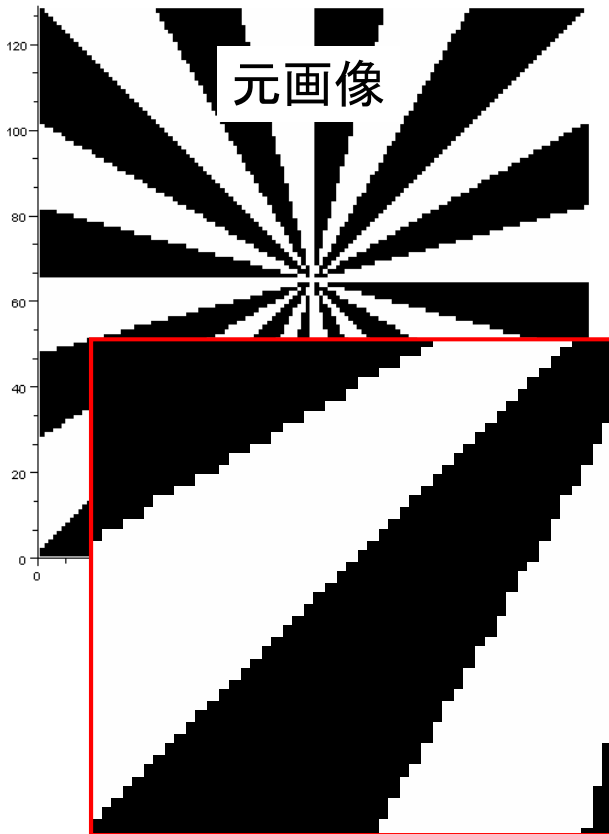
128でないことに注意！

次の行に続く印

平均

画像表示部は省略

# 3x3の平均化



# 5x5の平均化

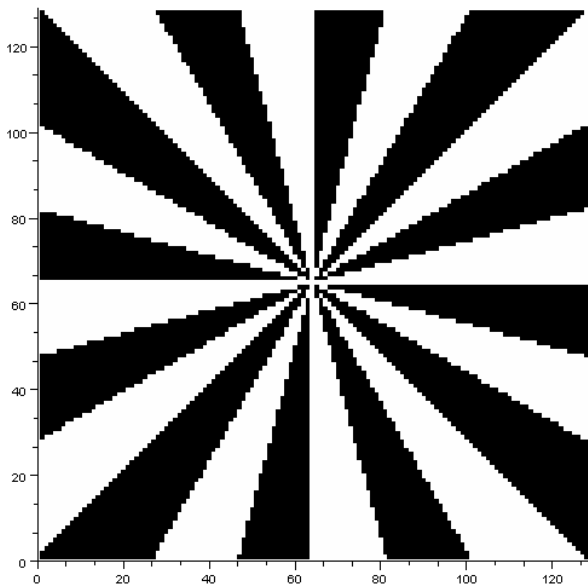
元画像生成部分は省略

```
Img2=zeros(124,124);  
for x=1:124,  
  for y=1:124,  
    img2(x,y)= ...  
    (img(x,y) +img(x+1,y) +img(x+2,y) +img(x+3,y) +img(x+4,y)+...  
    img(x,y+1)+img(x+1,y+1)+img(x+2,y+1)+img(x+3,y+1)+img(x+4,y+1)+...  
    img(x,y+2)+img(x+1,y+2)+img(x+2,y+2)+img(x+3,y+2)+img(x+4,y+2)+...  
    img(x,y+3)+img(x+1,y+3)+img(x+2,y+3)+img(x+3,y+3)+img(x+4,y+3)+...  
    img(x,y+4)+img(x+1,y+4)+img(x+2,y+4)+img(x+3,y+4)+img(x+4,y+4))/25;  
  end  
end
```

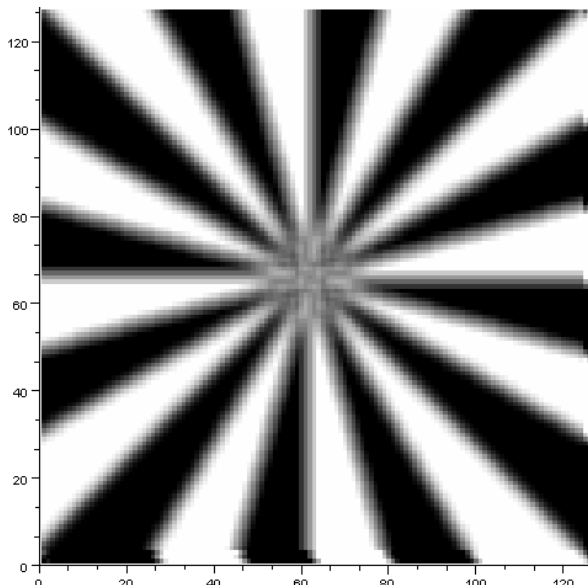
画像表示部分は省略

# 5x5の平均化

元画像

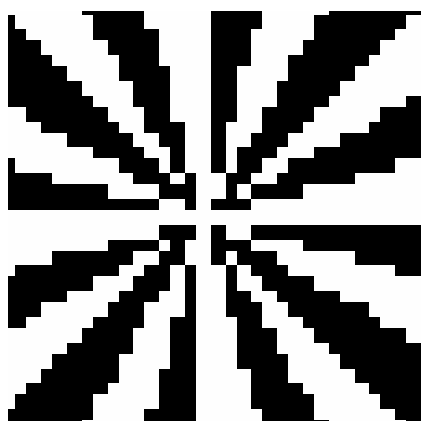


フィルタ画像

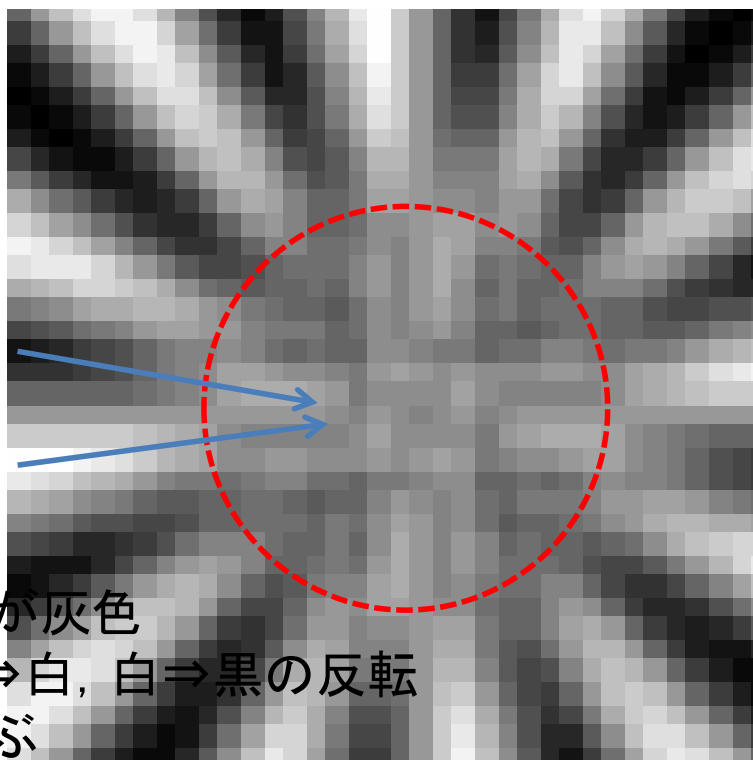


# 中心付近を拡大してみる

元画像

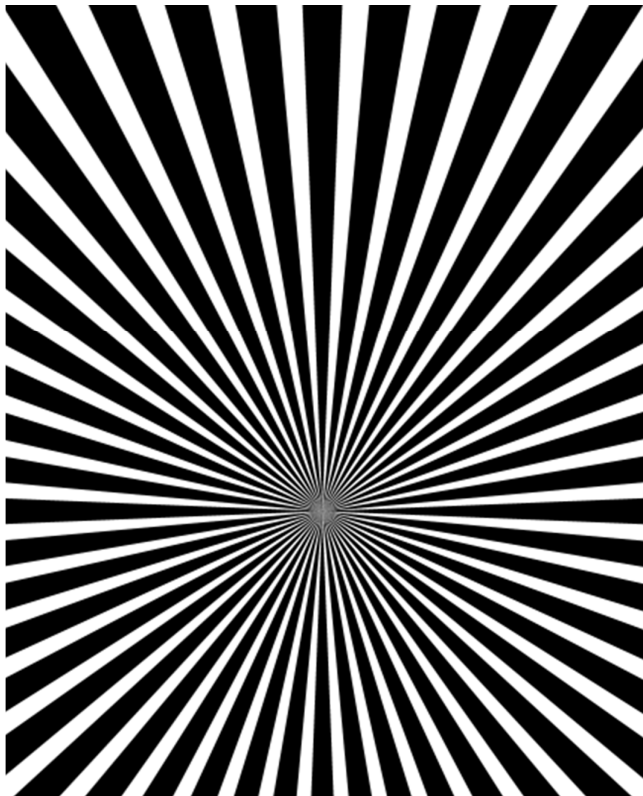


フィルタ画像

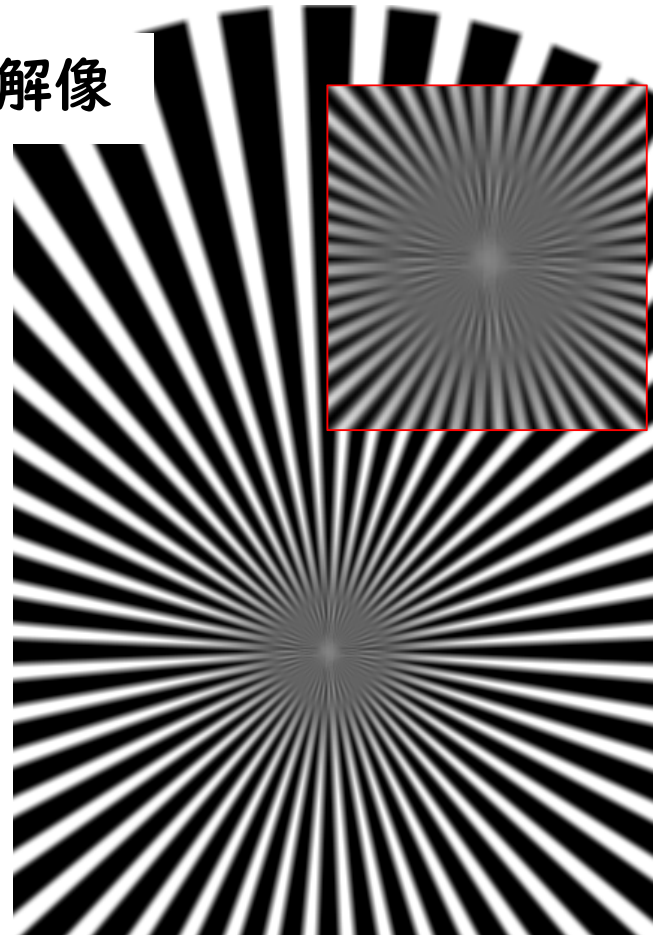


ある直径の円周上が灰色  
その内側では、黒⇒白、白⇒黒の反転  
「偽解像現象」と呼ぶ

# 平均化フィルタによる偽解像

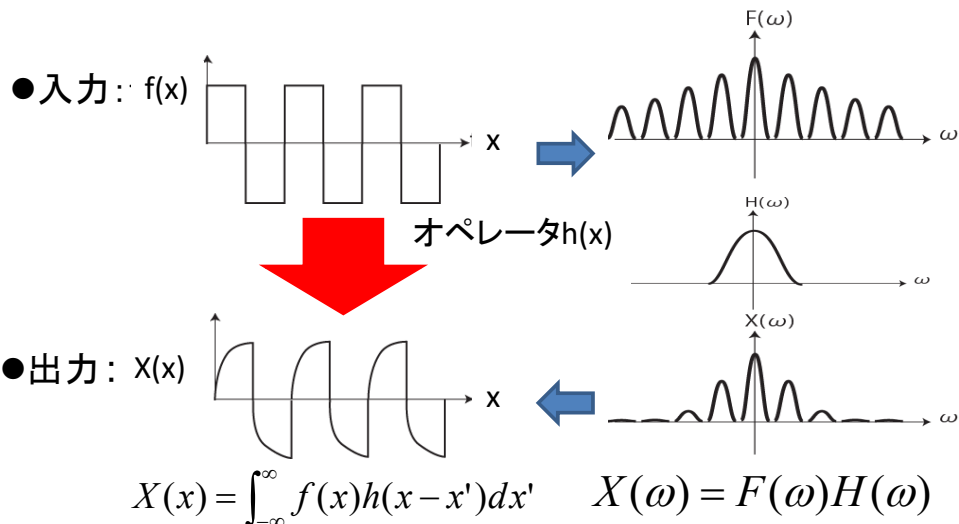


元画像



5x5オペレータによる平均化

## (復習) オペレータとフーリエ変換



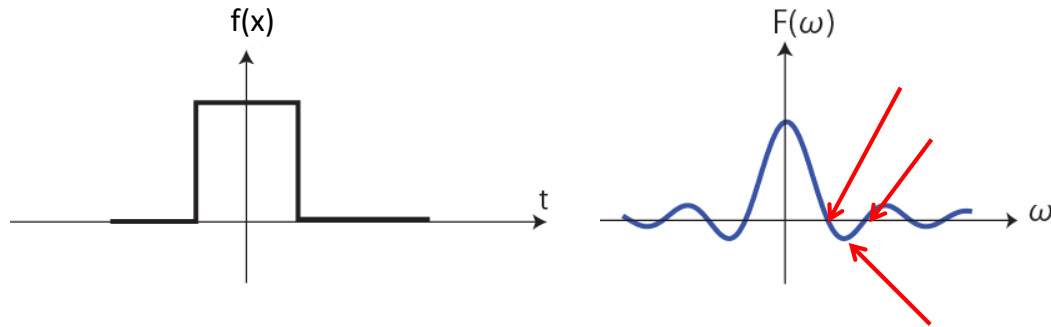
- オペレータ  $h(x)$  のフーリエ変換が  $H(\omega)$  であるとする。
- 空間領域でのオペレータの畳込み積分(コンボリューション)は、周波数領域でオペレータをフーリエ変換したフィルタ  $H(\omega)$  をかけることと等価

オペレータ = フィルタ

# オペレータのフーリエ変換例

$$\begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/9 & 1/9 & 1/9 \\ 1/9 & 1/9 & 1/9 \\ 1/9 & 1/9 & 1/9 \end{bmatrix}$$

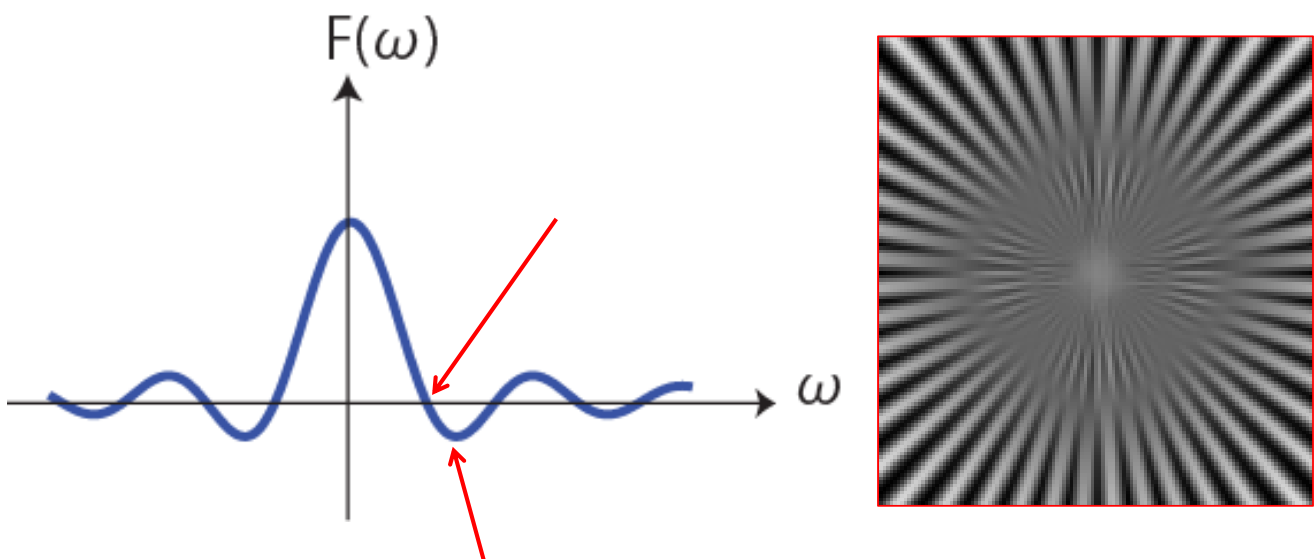
フィルタの形が矩形の場合 ⇒ フーリエ変換するとSinc関数



平均化=Low Pass Filterというのは、近似にすぎない。  
単なるLow Pass Filterではない

- 特定の周波数のゲインは0(画像では灰色になる)
- 周波数によっては位相が反転(画像では白黒反転⇒偽解像)

## 偽解像現象はなぜ生じるか



平均化=Low Pass Filterというのは、近似にすぎない。  
単なるLow Pass Filterではない。

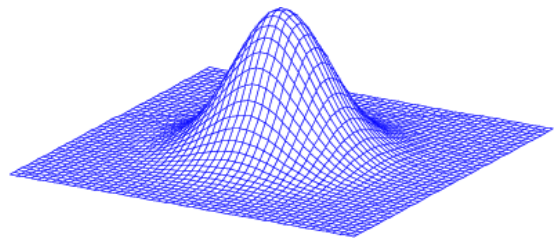
- 特定の周波数のゲインは0(画像では灰色になる)
- 周波数によっては位相が反転(画像では白黒反転⇒偽解像)



# 画像平滑化の実際：ガウシアンフィルタ

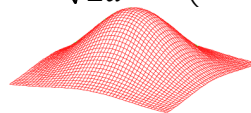
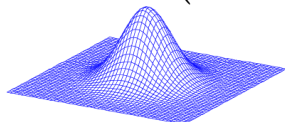
3x3ガウシアンオペレータ

$$\frac{1}{15} \times \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 3 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$



フィルタの形がガウシアン  $\Rightarrow$  フーリエ変換してもガウシアン

$$h(x) = \exp(-ax^2) \quad \rightarrow \quad H(\omega) = \frac{1}{\sqrt{2a}} \exp\left(-\frac{\omega^2}{4a}\right)$$



先ほどの問題点が解決され、素直なLPFとなる。

5x5ガウシアンオペレータ

実用的なオペレータサイズ: 3x3, または5x5

$$\frac{1}{331} \times \begin{bmatrix} 1 & 4 & 7 & 4 & 1 \\ 4 & 20 & 33 & 20 & 4 \\ 7 & 33 & 55 & 33 & 7 \\ 4 & 20 & 33 & 20 & 4 \\ 1 & 4 & 7 & 4 & 1 \end{bmatrix}$$

## 事前処理としてのガウシアンフィルタ



Photoshop使用

多くの画像処理で、事前にガウシアンをかけてノイズを除去する。

# レポート課題 (1)

元画像に5x5のガウシアンフィルタをかけ、ぼかしてみる  
元画像と比較し、ぼけていることを確認せよ

(ヒント)5x5の単純平均化のソースコードを改変

## もう一つのノイズ除去：メディアンフィルタ

ノイズが**強力**かつ**小さい**時

(1) LPFではノイズが「薄く広がる」  
だけ.

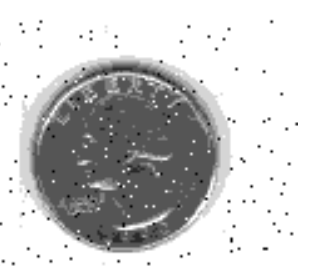
(2) 中間値(メディアン)を用いる.

3x3領域を使う場合:

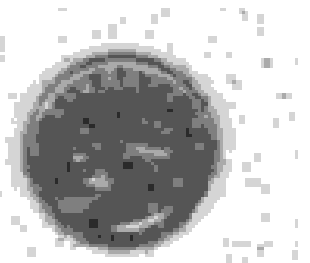
$$Y_{ij} = \text{中間値}(X_{i-1,j-1}, X_{i-1,j}, X_{i-1,j+1}, \\ X_{i,j-1}, X_{i,j}, X_{i,j+1}, \\ X_{i+1,j-1}, X_{i+1,j}, X_{i+1,j+1})$$

9個の値をソート  
⇒5番目を採用

0.9	0.9	0.9	0.9	0.9	0.9
0.9	0.9	0.9	0.9	0.9	0.9
0.9	0.9	0.9	0.9	0.9	0.9
0.9	0.9	0.1	0.9	0.9	0.9
0.9	0.9	0.9	0.9	0.9	0.9
0.9	0.9	0.9	0.9	0.9	0.9



0.9	0.9	0.9	0.9	0.9	0.9
0.9	0.8	0.8	0.8	0.9	0.9
0.9	0.8	0.8	0.8	0.8	0.9
0.9	0.8	0.8	0.8	0.8	0.9
0.9	0.9	0.9	0.9	0.9	0.9



0.9	0.9	0.9	0.9	0.9	0.9
0.9	0.9	0.9	0.9	0.9	0.9
0.9	0.9	0.9	0.9	0.9	0.9
0.9	0.9	0.9	0.9	0.9	0.9
0.9	0.9	0.9	0.9	0.9	0.9

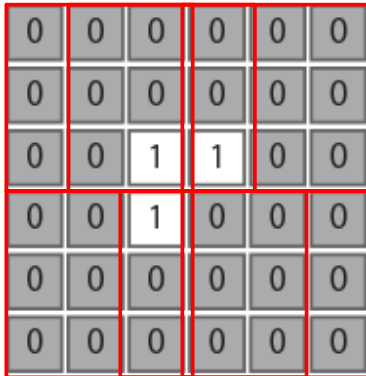


# (参考) モルフォロジー (形態) 処理

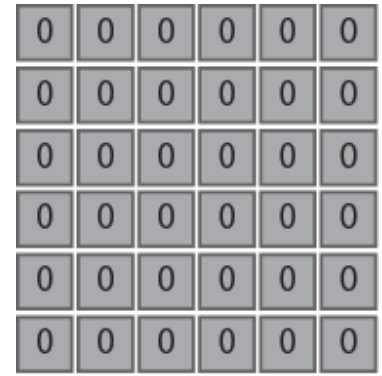
特に2値画像で用いられる。

範囲内の最大値を取る: Dilation (膨張)

範囲内の最小値を取る: Erosion (収縮)



Dilation (膨張)



Erosion (収縮)

# (参考) モルフォロジー (形態) 処理

「範囲」の形状を定義すれば筆の効果も得られる



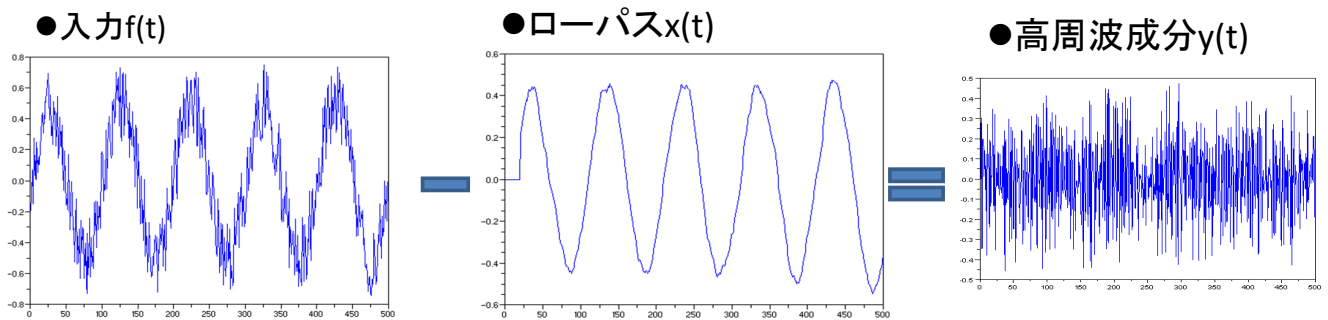
元画像



dilation範囲

# (復習) 逆に高い周波数成分だけ取り出すには？

- ローパスフィルタ: 低い周波数成分だけを取り出した
- 元信号と低周波信号の差をとれば, 高周波成分だけ取り出せる？



## 画像の「エッジ抽出」

アイデア: 低い周波数成分を取り除く

具体的には？

「変化」だけを取り出せば良い。

⇒空間的な微分を行っていることに等しい

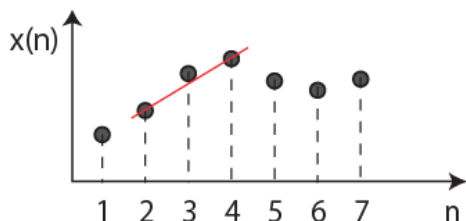
対応:

- 微分 = エッジ抽出 = ハイパスフィルタ
- 積分 = 平滑化 = ローパスフィルタ

# 微分：Sobelフィルタ

• デジタルの世界：微分 ⇒ 差分

$$y(t) = \frac{dx(t)}{dt} \quad \longrightarrow \quad y(n) = \frac{x(n+1) - x(n-1)}{2\Delta}$$



• 2次元の微分：x方向, y方向がある.

$$\frac{\partial X}{\partial x} \quad \square \quad \square \quad \square$$

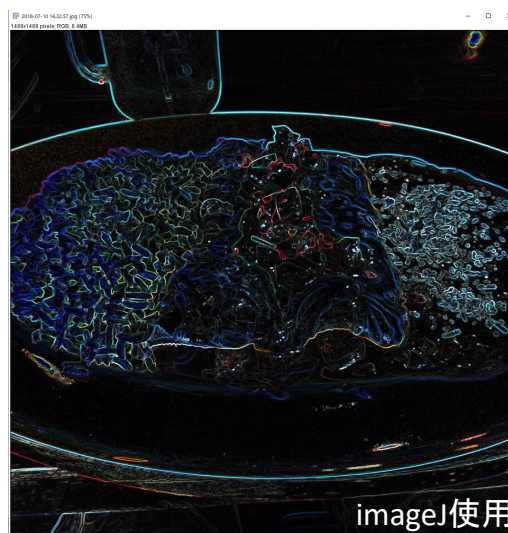
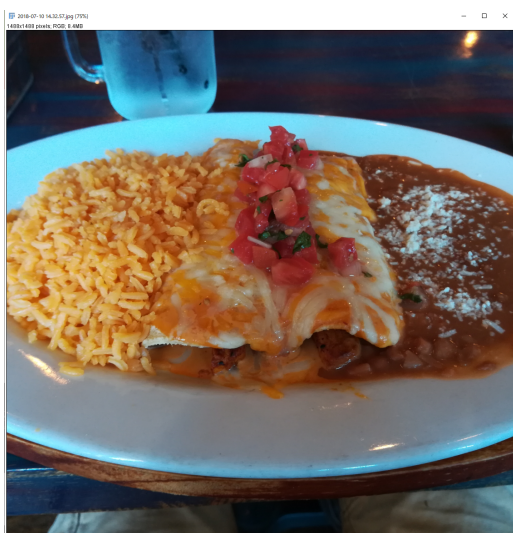
$$u_{i,j} = X_{i+1,j} - X_{i-1,j}$$

$$\frac{\partial X}{\partial y} \quad \square$$

$$\square$$

$$v_{i,j} = X_{i,j+1} - X_{i,j-1}$$

## Sobelフィルタ (2)



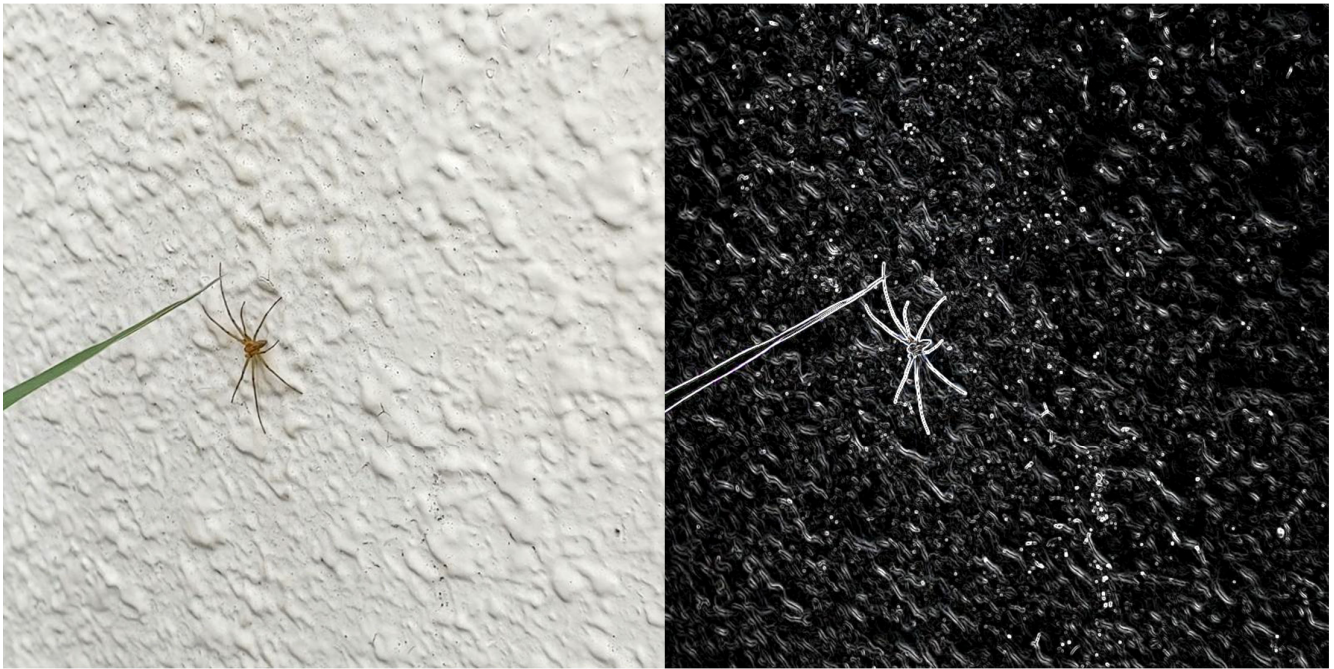
- (1) X方向微分と, Y方向平滑化
- (2) Y方向微分と, X方向平滑化
- (3) (1)(2)の結果をベクトルとみなした時の大きさ  
= 変化の強さ
- ((4) 閾値により2値化)

$$\frac{\partial X}{\partial x} \begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\frac{\partial X}{\partial y} \begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\sqrt{\left(\frac{\partial X}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial X}{\partial y}\right)^2}$$

# Sobelフィルタの動画適用例



ImageJ使用

## レポート課題（2）

元画像に3x3のSobelフィルタをかけ、エッジを抽出してみよ  
ヒント

```
EdgeX=zeros(126,126);
```

```
for x=1:126,
```

```
    for y=1:126,
```

```
        EdgeX(x,y)= 略
```

```
    end
```

```
end
```

```
EdgeY=zeros(126,126);
```

```
for x=1:126,
```

```
    for y=1:126,
```

```
        EdgeY(x,y)= 略
```

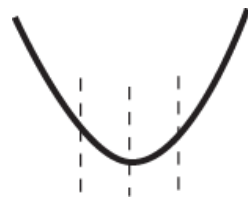
```
    end
```

```
end
```

```
img2 = sqrt(EdgeX.*EdgeX + EdgeY .*EdgeY);
```

# 2階微分：Laplacianフィルタ

エッジ抽出=空間的な微分  
さらに微分すれば？ 二階微分

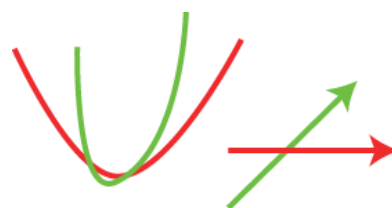


$$y(t) = \frac{d^2 x(t)}{dt^2} \quad \longrightarrow \quad y(n) = \frac{x(n+1) - x(n)}{\Delta} - \frac{x(n) - x(n-1)}{\Delta}$$

$$= \frac{x(n+1) - 2x(n) + x(n-1)}{\Delta}$$

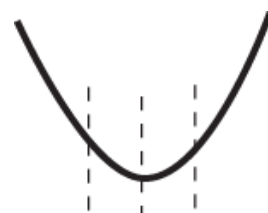
2次元では？

$$\nabla^2 X = \frac{\partial^2}{\partial x^2} X + \frac{\partial^2}{\partial y^2} X$$



# 2階微分：Laplacianフィルタ（続）

$$\nabla^2 X = \frac{\partial^2}{\partial x^2} X + \frac{\partial^2}{\partial y^2} X$$



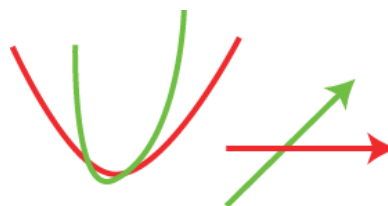
$$\frac{\partial^2 X}{\partial x^2} \quad \square \quad \square \quad \square$$

$$\frac{\partial^2 X}{\partial y^2} \quad \begin{matrix} \square \\ \square \\ \square \end{matrix}$$

$$u_{i,j} = X_{i+1,j} - 2X_{i,j} + X_{i-1,j}$$

$$v_{i,j} = X_{i,j+1} - 2X_{i,j} + X_{i,j-1}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ -1 & 4 & -1 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

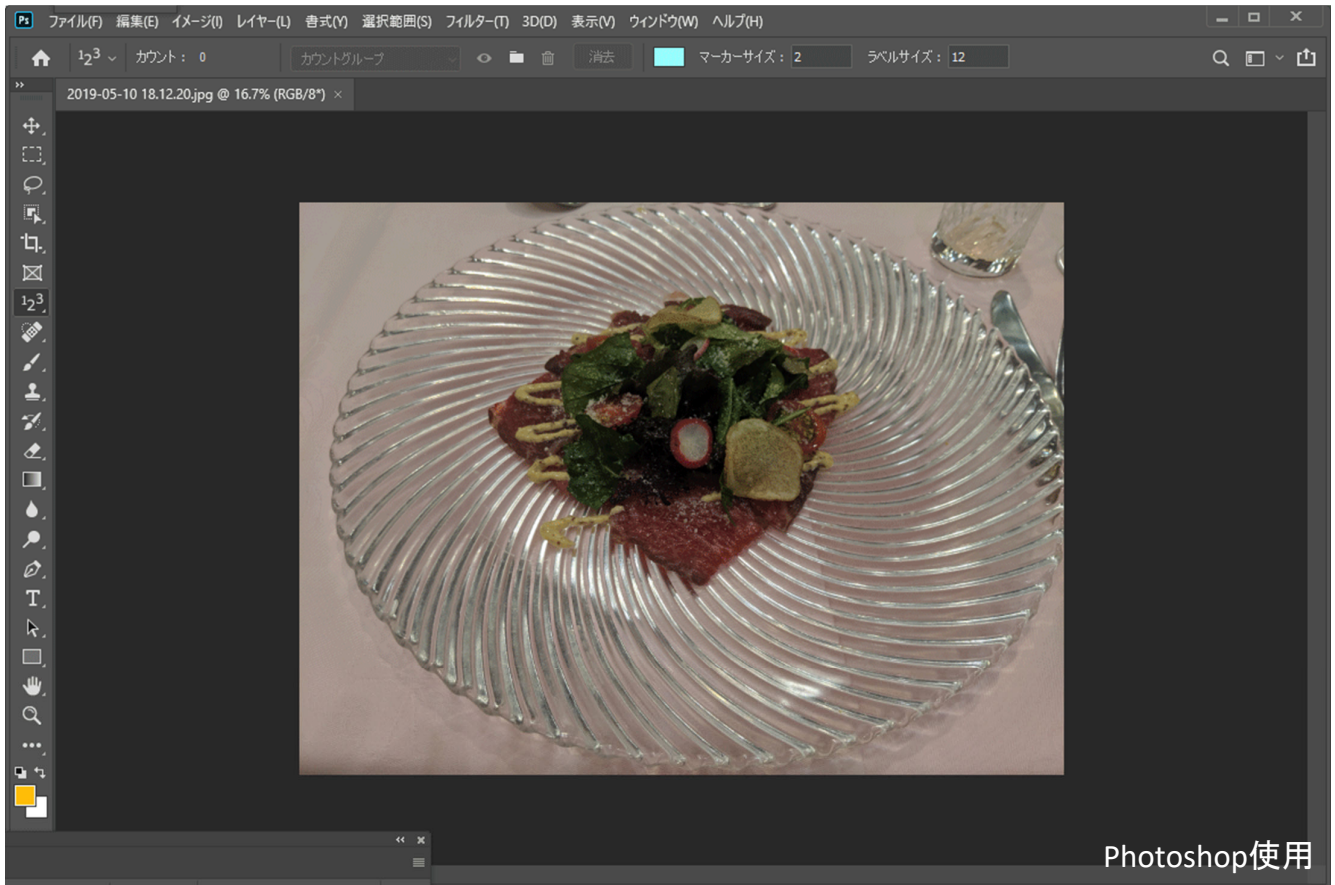


通常は

$$\begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ -1 & 8 & -1 \\ -1 & -1 & -1 \end{bmatrix}$$

という形を用いることが多い

# Laplacianによるエッジ抽出



## LoG (Laplacian of Gaussian) フィルタ

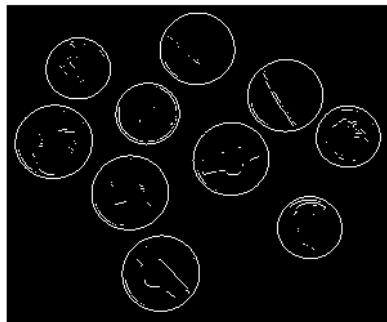


- Gaussianで平滑化後, Laplacianでエッジ抽出
- 人間の網膜上の情報処理そのもの
  - 人間はなだらかな輝度変化に鈍感 (ex. 大型スクリーンの輝度分布)

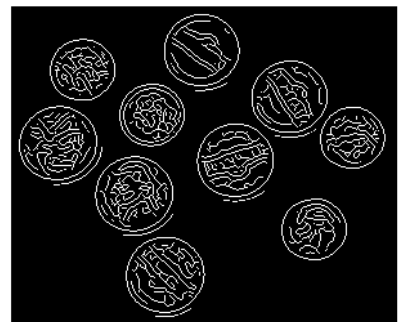




## (参考) エッジ抽出の実際：Cannyフィルタ



Sobel



Canny

エッジ抽出は通常、最後に**2値化**して終了、次の処理へ。

Sobelフィルタ: 閾値の設定が難しい。

- 必要なエッジが消えてしまう or エッジが出過ぎる

Cannyフィルタ: 最も標準的なエッジ抽出手法

- 微分計算自体はSobelの方法を使う
- 戦略: 弱いエッジも、長く繋がりそうなら救う(二つの閾値使用)
- 計算量はやや多い。

# 相関と画像処理

# テンプレートマッチング



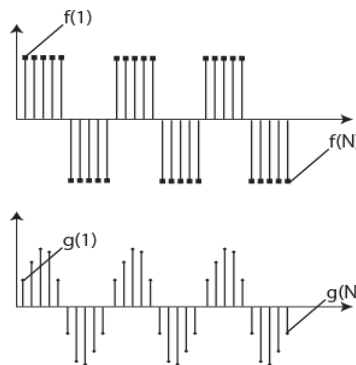
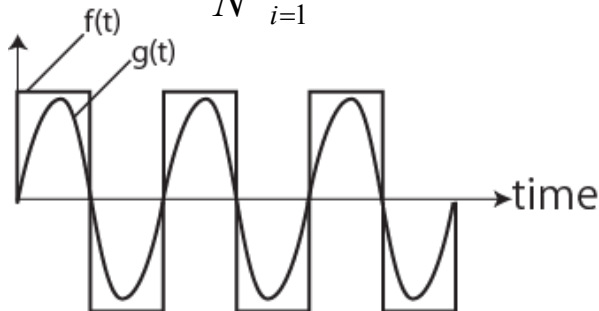
例: 画像中から**特定の人**の顔を認識したい

(復習) 波形  $f$  に波形  $g$  はどれだけ含まれるか

波形  $f$  中の, 波形  $g$  の成分

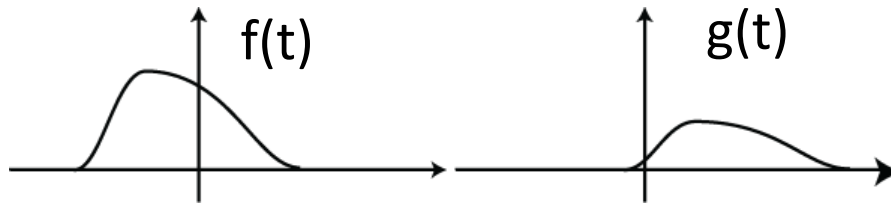
$$= \frac{1}{T} \int_0^T f(t)g(t)dt \quad (\text{連続関数})$$

$$= \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N f(i)g(i) \quad (\text{離散化して考えた場合})$$



これは**二つの波をベクトルと**考えた時の内積に他ならない  
※内積を連続関数に対して定義

## (復習) 相互相関



<問題>

二つの信号が,

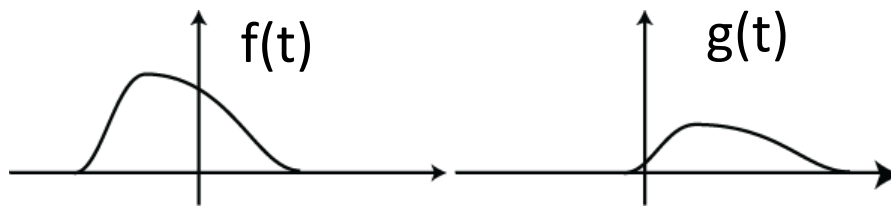
- 時間的にどれだけずれているのか
  - 時間のずれを無視したらどれだけ似ているのか
- を測定したい.

内積を思い出せば,

次の手順で測定すればよいことがわかる

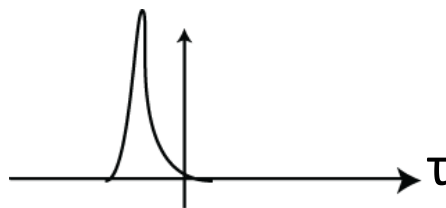
- $g(t)$ を $\tau$ だけずらしてみる  $\Rightarrow g(t+\tau)$
- $f(t)$ との内積を取ってみる  $\Rightarrow \int_{-\infty}^{\infty} \overline{f(t)}g(t+\tau)dt$
- $\tau$ を変化させていく.

## (復習) 相互相関



$R_{fg}(\tau)$ : 二つの関数 $f(t)$ ,  $g(t)$ の, 相互相関関数

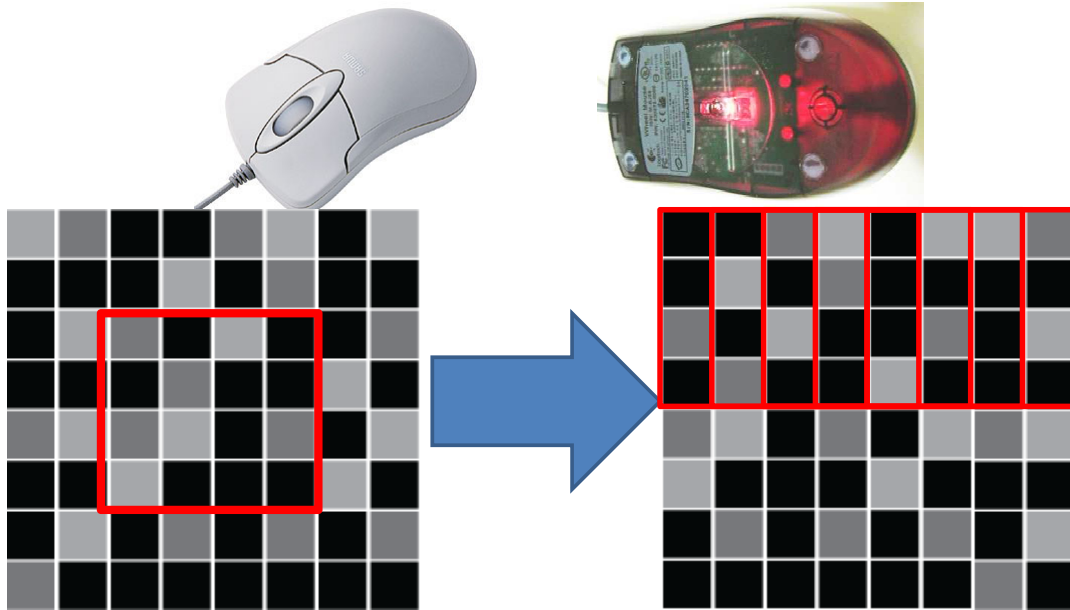
$$R_{fg}(\tau) = \int_{-\infty}^{\infty} \overline{f(t)}g(t+\tau)dt$$



$R_{fg}(\tau)$ が最大の値をとる $\tau$ =元の関数 $f(t)$ と $g(t)$ のズレ  
(ただし直流成分を取り除いた後)

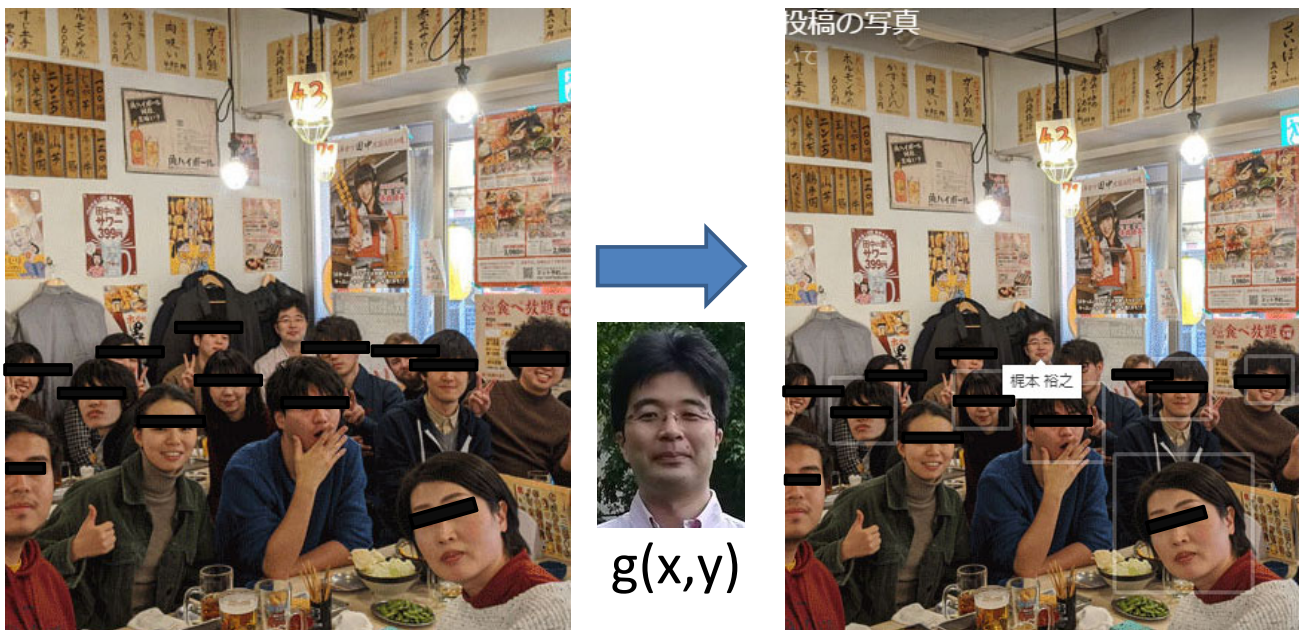
# (復習) 相互相関の応用：速度計測

光学式マウスの中身 = 16x16 pixel のCMOSカメラ



二つの画像 (= 2次元関数) 同士の相互相関を取ることで移動量を計測する. 自動車の速度計測等にも利用.

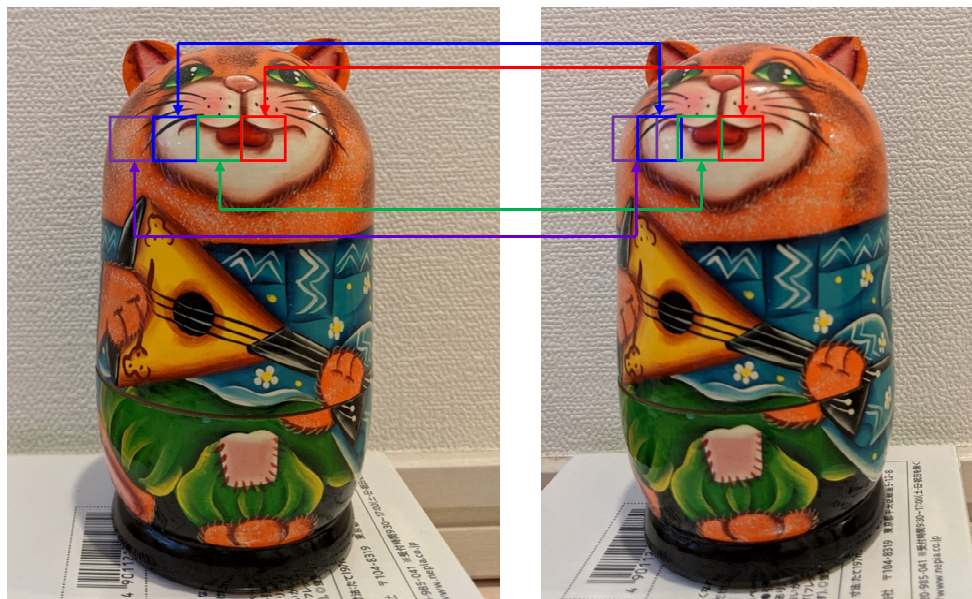
# テンプレートマッチング (再)



2次元に拡張.

$g(t) \Rightarrow g(x,y)$  として, 顔の標準的な画像を用意して相互相関をとれば, 顔の部分でピークを生じる

## (参考) ステレオビジョンによる立体計測



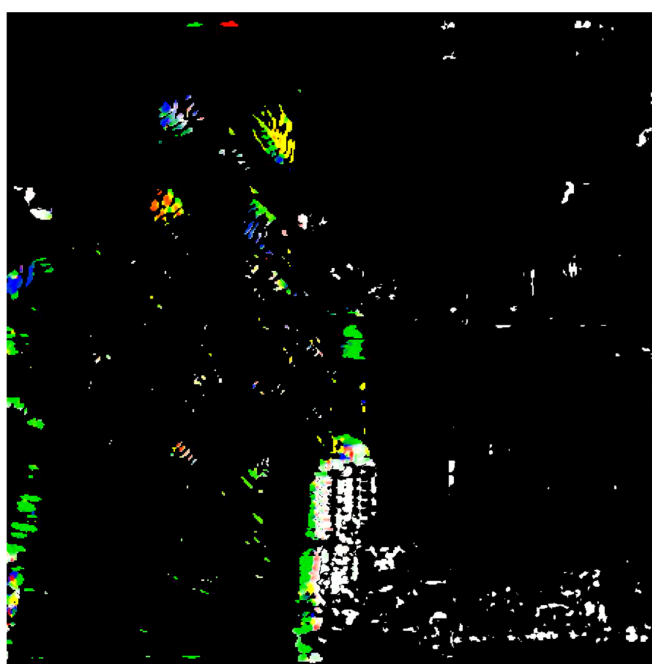
左目映像

右目映像



- 二つ以上のカメラを使用
- 画像間の局所的な相互相関から視差計測、立体再構成

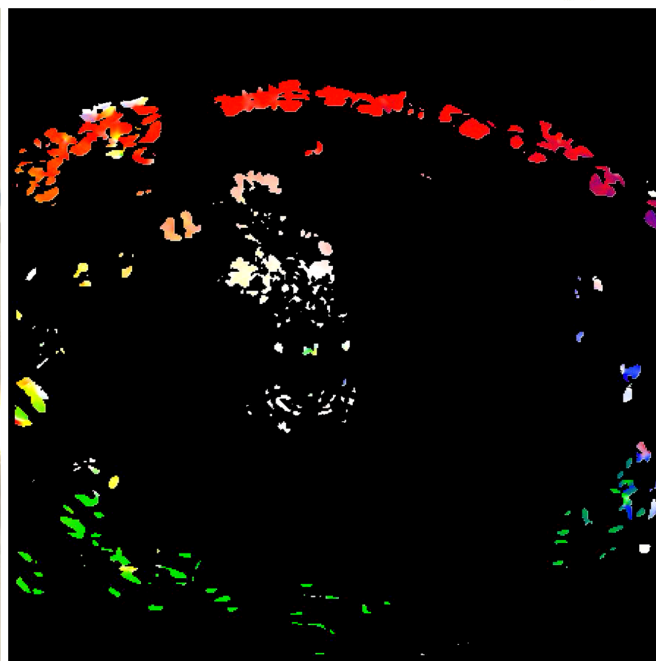
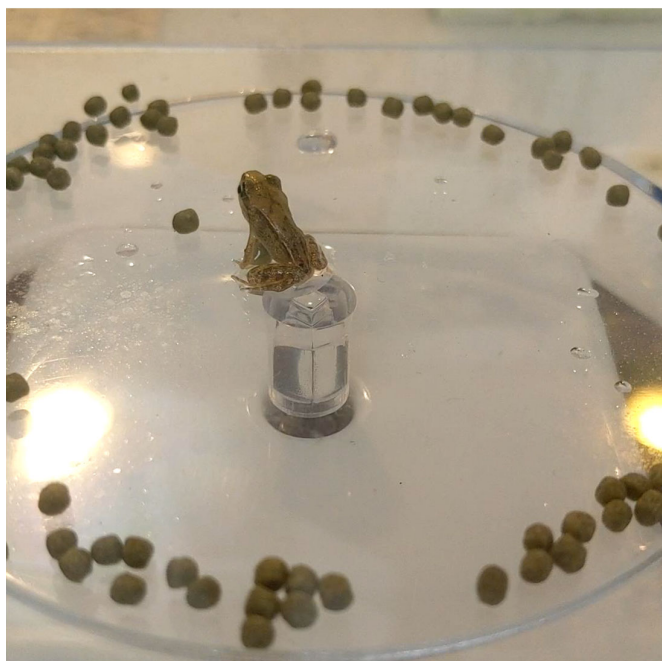
## Optical Flow



ImageJ使用

- 時間的に前後の2枚以上の画像で相互相関を計測

# Optical Flow



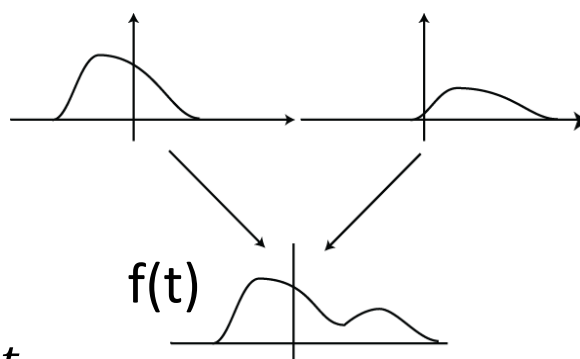
ImageJ使用

- 時間的に前後の2枚以上の画像で差を計測

## (復習) 自己相関

二つの関数 $f(t)$ ,  $g(t)$ の代わりに、  
ひとつの関数 $f(t)$ の相関を取る。

$$R_{ff}(\tau) = \int_{-\infty}^{\infty} \overline{f(t)} f(t + \tau) dt$$



自己相関関数は、  
「どれだけずれたら自分自身に近い形になるか」  
を表す。  
すなわち、**エコー**を発見していることに他ならない。

# ブレ (Motion Blur)について



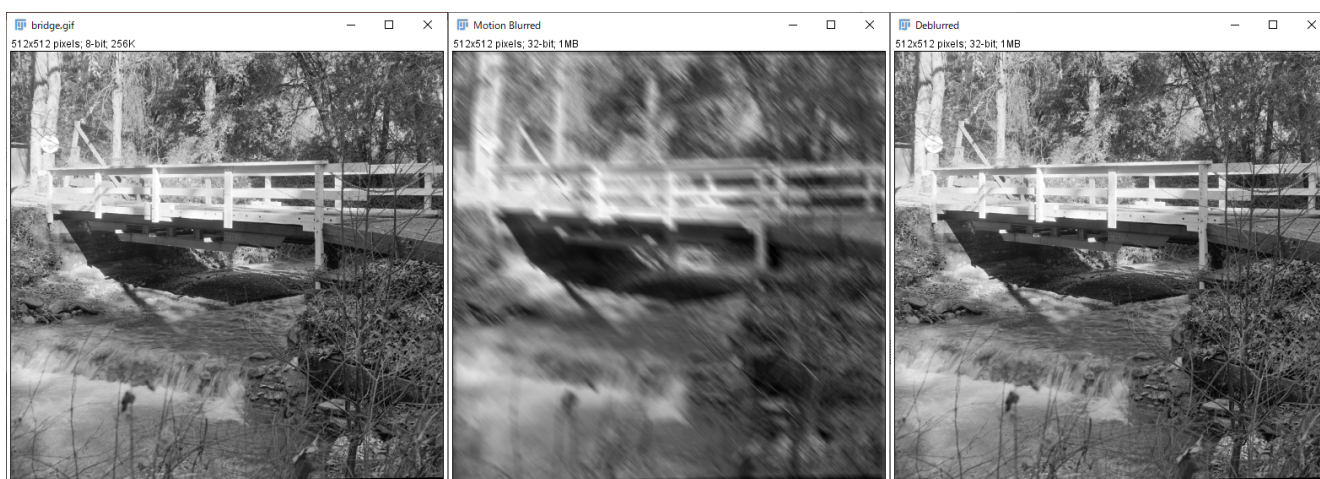
Motion Blur (Wikipedia) [https://en.wikipedia.org/wiki/Motion\\_blur](https://en.wikipedia.org/wiki/Motion_blur)

ブレ(Motion Blur):

カメラを使って、イメージを捕らえる過程中的での移動、  
または、長い露光時間を使う場合の被写体の移動。

## ブレの検出と除去

ImageJ使用



Ground Truth

Motion Blur

Reconstructed

### 基本原理

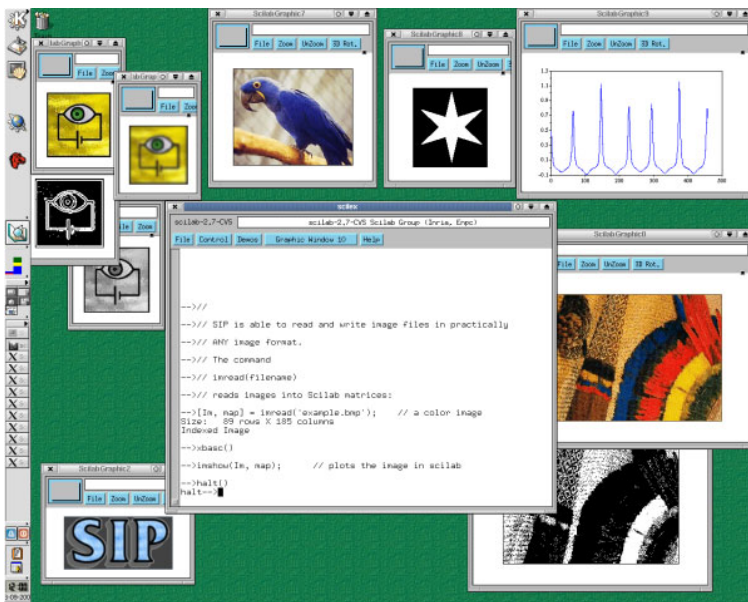
- (1) 2次元の自己相関計算によってブレの方向と量を推定
  - (2) ブレの方向に微分フィルタを適用する
- 実際はもうすこし複雑

# 画像処理を使うために

## Scilabでの画像処理

SIP = Scilab Image Processing toolbox

<http://siptoolbox.sourceforge.net/>



画像の読み出しと保存が可能.

普通に知られているアルゴリズムは大体ある.



# 画像処理ライブラリ OpenCV

世界で最も広く使われている画像処理ライブラリ  
これにより画像処理研究はソフト開発から解放された。

日本語の情報源

・Webページ(奈良先端大)

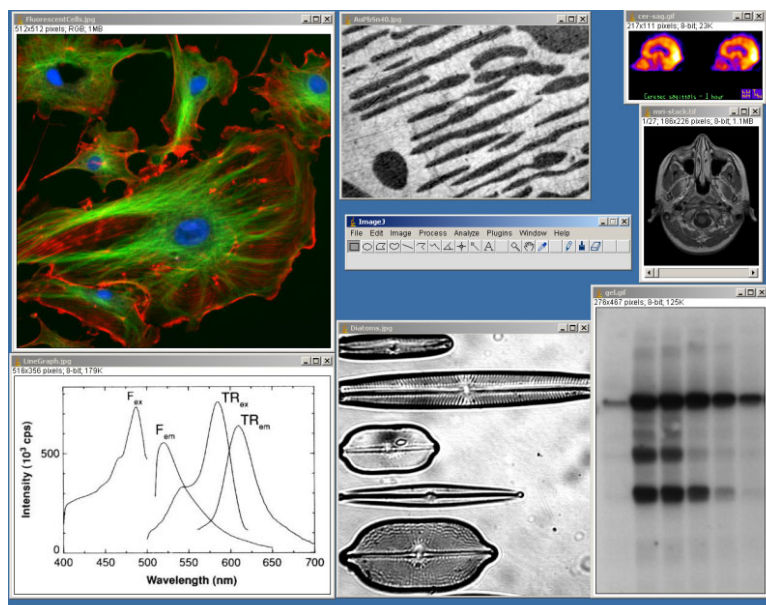
<http://opencv.jp/>

・OpenCVプログラミングブック



画像処理プログラミングは配列を扱うため、自力でプログラミングするとバグに苦しみます。まずはライブラリを使いましょう。(ただし最終的にはライブラリを作る人へ)

## 研究用画像処理ツール ImageJ



ImageJ (Wikipedia) <https://en.wikipedia.org/wiki/ImageJ>

1. Rasband, W.S., ImageJ, U. S. National Institutes of Health, Bethesda, Maryland, USA, <http://imagej.nih.gov/ij/>, 1997-2012.

2. Schneider, C.A., Rasband, W.S., Eliceiri, K.W. "NIH Image to ImageJ: 25 years of image analysis". Nature Methods 9, 671-675, 2012.

画像に対する計測や加工を行うソフトウェア。すべてオープンソース。生物系等幅広い分野で使用されている。

# 中間確認テスト

中間テスト用の問題集をwebに置きました。

一度式の導出を覚えることを意図しています。