

# 日程

講義番号	講義日	講義内容	pdf	video	レポート締め切り
1	4/9	イントロダクション	[@ pdf] 2020年版	<u>video</u> ៤	4/16
		Scilab課題	[e] pdf] 2020年版		1
		上記資料のPython版	[e] pdf] 2020年版		1
2	4/16	フーリエ変換	[e] pdf] 2020年版	<u>video</u> ⊈	4/23
3	4/23	フーリエ変換と線形システム	[e] pdf] 2020年版	<u>video</u> ៤	4/30
4	4/30	信号処理の基礎	[e] pdf] 2020年版	<u>video</u> ៤	5/7
5	5/7	信号処理の応用1(相関)	[e] pdf] 2020年版	<u>video</u> ௴	5/14
6	5/14	信号処理の応用2(画像処理)	[e] pdf] 2020年版	<u>video</u> ௴	5/21
-	5/21	中間確認テスト準備(自習)	[e] pdf]2020年版		
-	5/28	中間確認テスト(現在は大学を予定)	[e] pdf]2020年版		
7	6/4	ラプラス変換	[@ pdf] 2020年版	<u>video</u> ៤	6/11
8	6/11	古典制御の基礎	[@ pdf] 2020年版	<u>video</u> ៤	6/18
9	6/18	行列	[e] pdf] 2020年版	<u>video</u> ៤	6/25
10	6/25	行列と最小二乗法	[e] pdf] 2020年版	<u>video</u> ៤	7/2
11	7/2	ロボティクス	[e] pdf] 2020年版	<u>video</u> ៤	7/9
-	7/9	期末テスト準備(自習)	[@ pdf]2020年版		
-	7/16	期末確認テスト(現在は大学を予定)			

日程およびテストを 大学で行うかについ ては、随時Google Classroomや授業の ページを見てくださ い。



#### 画像処理とは

元の画像から

- •人間が理解しやすいように加工する
- •<u>何らかの情報を抽出する</u> 信号処理の一種.

#### 特徴

- •2次元データである(動画なら3次元)
- •時間信号のような因果関係がない(動画ならある)



# 初歩的な画像処理

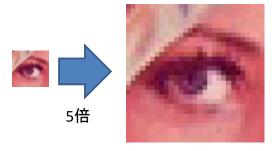


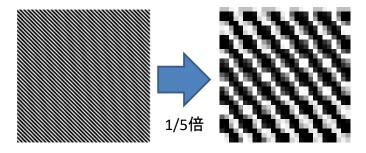
# 初歩的な画像処理(Ⅰ)拡大・縮小

#### **Nearest Neighbor**

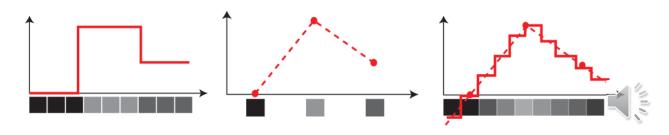


# Nearest Neighbor法の問題



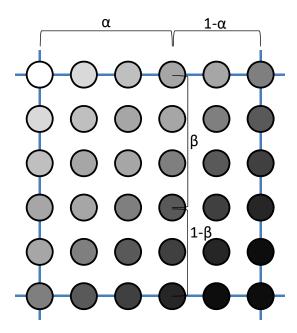


- 1. 荒さが目立つ
- 2. 縮小時には偽の周波数(モワレ)を生じる (サンプリング間隔の変化によるエリアシング) もつとなだらかに結べばよい⇒直線補間.



#### Bi-Linear法

2次元画像なので4点間を線形補間 Bi:線形補間を2回することを表す



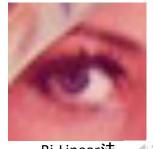




5倍



Nearest Neighbor法



Bi-Linear法



#### Bi-Linear

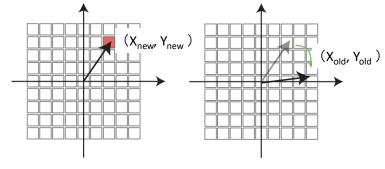


Photoshop使用

# 初歩的な画像処理(2)回転

(1)新画像のあるピクセル座標X<sub>new</sub>, Y<sub>new</sub>が,元画像でどこに位置していたか計算.(順番に注意)

$$\begin{bmatrix} X_{old} \\ Y_{old} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(-\theta) & -\sin(-\theta) \\ \sin(-\theta) & \cos(-\theta) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_{new} \\ Y_{new} \end{bmatrix}$$



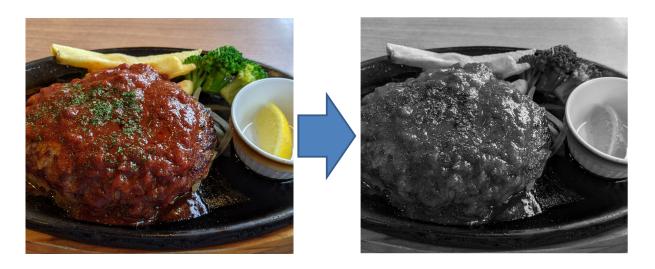


- ⇒整数にして、そのピクセルの色を使う(Nearest Neighbor法)
- ⇒周辺の4ピクセルから補間する (Bi-Linear法)





# 初歩的な画像処理(3)グレースケール化

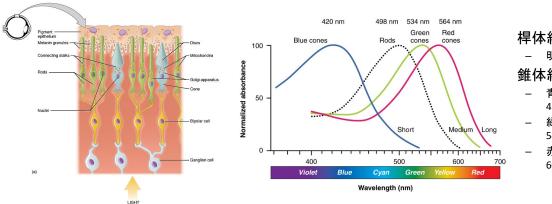


誰でも考える方法: R,G,Bの平均:  $K_{ij} = (R_{ij} + G_{ij} + B_{ij})/3$ 

悪くはないが、最良でもない、



#### 人の光感受性細胞



Photoreceptor Cells (Wikipedia) https://en.wikipedia.org/wiki/Photoreceptor\_cell

桿体細胞(Rod)

- 明暗センサ

#### 錐体細胞(Cone)

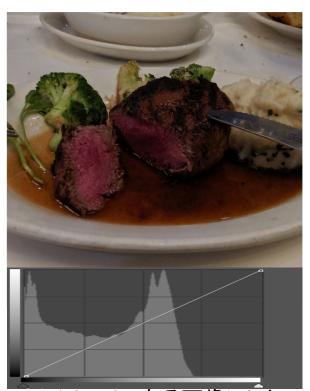
- 青錐体細胞(S細胞) 435nm近辺
- 緑錐体細胞(M細胞)546nm近辺
- 赤錐体細胞(L細胞) 600nm近辺

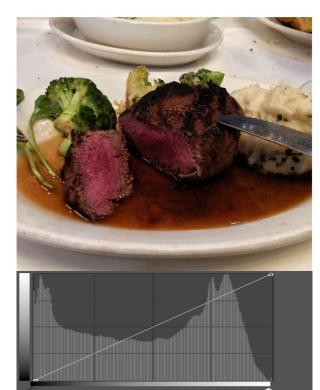
同じ輝度のR, G, Bを, 人は同じ明るさに感じない⇒補正

心理的に正しいグレースケール変換:
K<sub>ii</sub>= <u>0.299</u>R<sub>ii</sub> + <u>0.587</u>G<sub>ii</sub> + <u>0.114</u>B<sub>ii</sub>



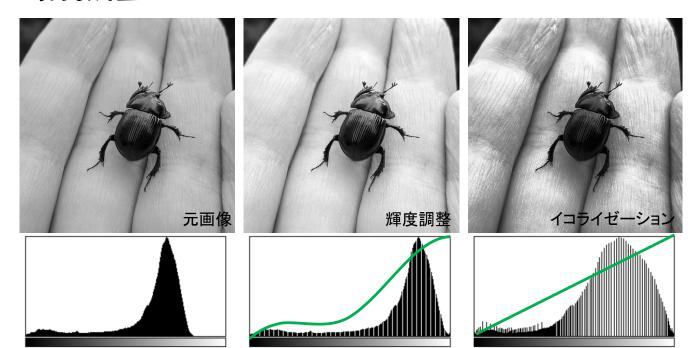
# 初歩的な画像処理(4)濃度調整





メリハリのある画像にしたい:画像の明るさ分布に注目 ヒストグラムを作成、最大値、最小値を255-0に合わせる。

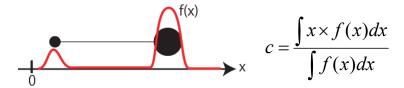
#### 濃度調整のバリエーション:イコライゼーション

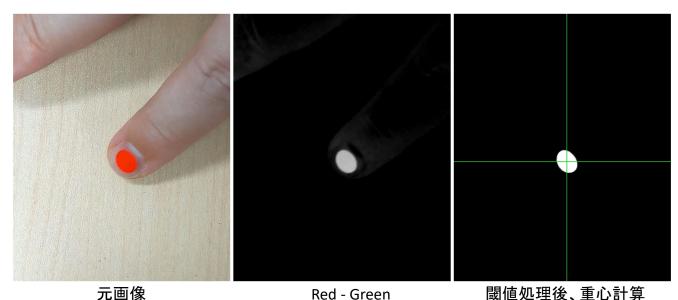


ヒストグラムの累積度数のグラフの傾きを一定化 (=どの明るさも同じ量だけ使われている) (この例では皿や机の白領域がより明瞭にコントラストが付いている)



### 初歩的な画像処理(5)重心計算





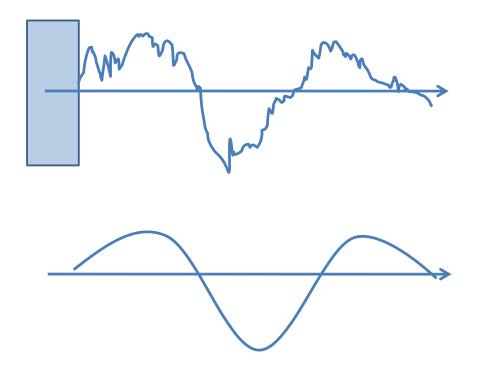
重心計算は事前の閾値処理(による不要部分の0化)が必須

ImageJ使用

# 画像のフィルタリング



# (復習) 平均化=ローパスフィルタ



ノイズを「ならし」て大域的な特徴をつかむ



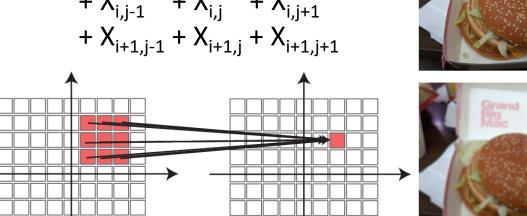
1次元信号の平滑化と同様に、2次元的に平均すればよい.

3x3領域を平均化する場合:

$$Y_{i,j} = X_{i-1,j-1} + X_{i-1,j} + X_{i-1,j+1}$$

$$+ X_{i,j-1} + X_{i,j} + X_{i,j+1}$$

$$+ X_{i+1,j-1} + X_{i+1,j} + X_{i+1,j+1}$$







#### オペレータ

3x3領域を使った演算を一般化:

$$\begin{split} Y_{i,j} &= aX_{i-1,j-1} + bX_{i-1,j} + cX_{i-1,j+1} \\ &+ dX_{i,j-1} + eX_{i,j} + fX_{i,j+1} \\ &+ gX_{i+1,j-1} + hX_{i+1,j} + iX_{i+1,j+1} \end{split}$$

この係数行列をオペレータという. FIRフィルタの係数と同じ役割.

先ほどの平滑化: すべての係数が等しい

$$\begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/9 & 1/9 & 1/9 \\ 1/9 & 1/9 & 1/9 \\ 1/9 & 1/9 & 1/9 \end{bmatrix}$$



## オペレータの演算例

元画像

1	2		3	2
2	3		3	3
3	4	I	2	4
4	5		1	5

オペレータ

$$\frac{1}{4} \times \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$$

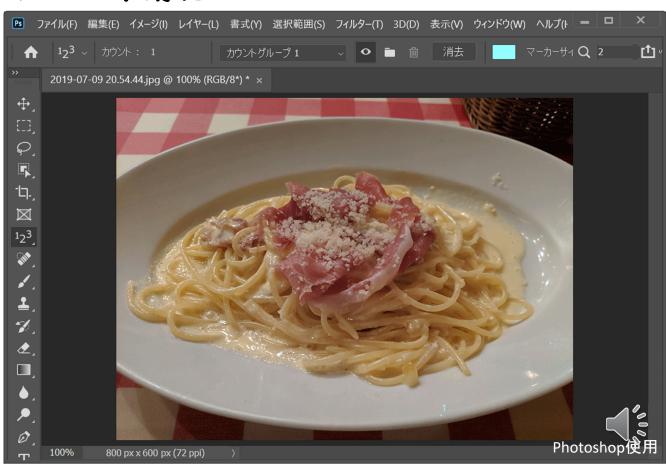
結果

$$\frac{1}{4}$$
×

端の処理が問題となる場合はとりあえず考えない

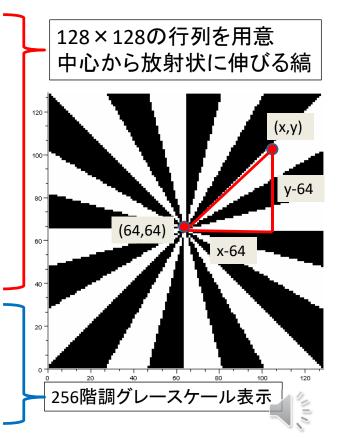


#### デモ:平滑化



### Scilabレポート課題準備:サンプル画像作成

```
for x=1:128,
for y=1:128,
deg = atan(y-64,x-64)/%pi*180;
if(pmodulo(deg,30)<15)
img(x,y)=255;
else
img(x,y)=0;
end
end
end
f = scf();
f.color_map = graycolormap(256);
Matplot(img); //行列を
square(0,0,129,129);
```



(参考) Pythonでのコード例

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
img = np.zeros((128,128))
for x in range(1,128):
    for y in range(1,128):
        deg = np.arctan2(y-64,x-64) * 180 ^{\circ \frac{1}{-20}}
        if(deg%30 < 15):
            img[x,y] = 255
        else:
            img[x,y] = 0
plt.contourf(img)
plt.axes().set_aspect('equal','datalim')
plt.show()
Img配列の生成は以下のように書くことも出来る
xx, yy = np.meshgrid(np.arange(-64,64),np.arange(-64,64))
deg = np.arctan2(xx,yy) * 180
img = np.floor(np.mod(deg,30) / 15)
```

### Scilabによる3x3の平均化

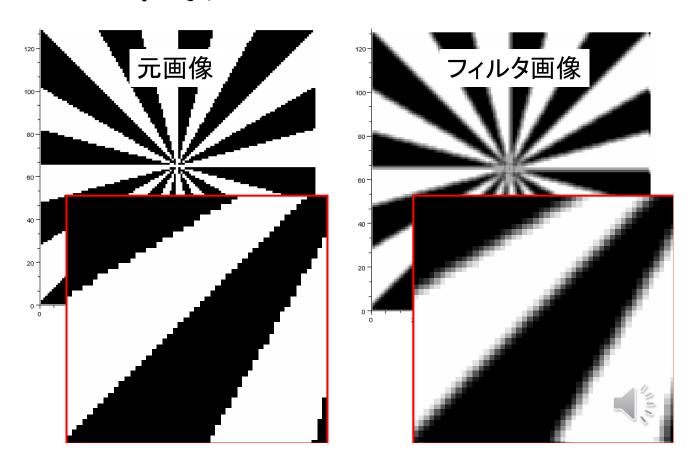
元画像生成部は省略

```
img2=zeros(126,126);
//3x3のオペレータによる平均化 128でないことに注意!
for x=1:126,
    for y=1:126,
    img2(x,y)= ...
    (img(x,y) +img(x+1,y) +img(x+2,y)+...
    img(x,y+1)+img(x+1,y+1)+img(x+2,y+1)+...
    img(x,y+2)+img(x+1,y+2)+img(x+2,y+2))/9;
    end
end
```

画像表示部は省略



#### 3x3の平均化



### 5x5の平均化

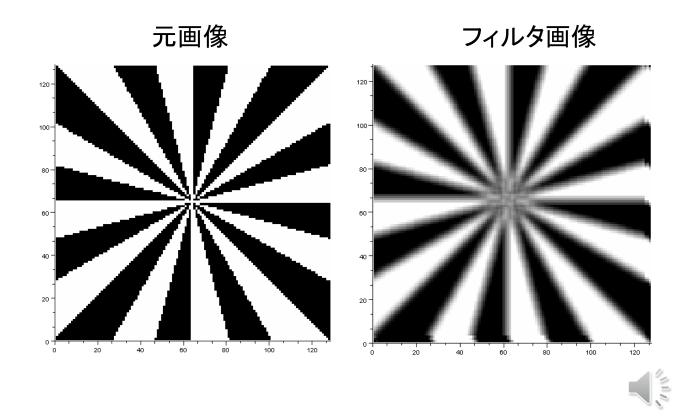
#### 元画像生成部分は省略

```
\begin{split} &\text{Img2=zeros}(124,124);\\ &\text{for y=1:124,}\\ &\text{img2}(x,y)=...\\ &\text{(img(x,y) +img(x+1,y) +img(x+2,y) +img(x+3,y) +img(x+4,y)+...}\\ &\text{img(x,y+1)+img(x+1,y+1)+img(x+2,y+1)+img(x+3,y+1)+img(x+4,y+1)+...}\\ &\text{img(x,y+2)+img(x+1,y+2)+img(x+2,y+2)+img(x+3,y+2)+img(x+4,y+2)+...}\\ &\text{img(x,y+3)+img(x+1,y+3)+img(x+2,y+3)+img(x+3,y+3)+img(x+4,y+3)+...}\\ &\text{img(x,y+4)+img(x+1,y+4)+img(x+2,y+4)+img(x+3,y+4)+img(x+4,y+4))/25;}\\ &\text{end}\\ &\text{end} \end{split}
```

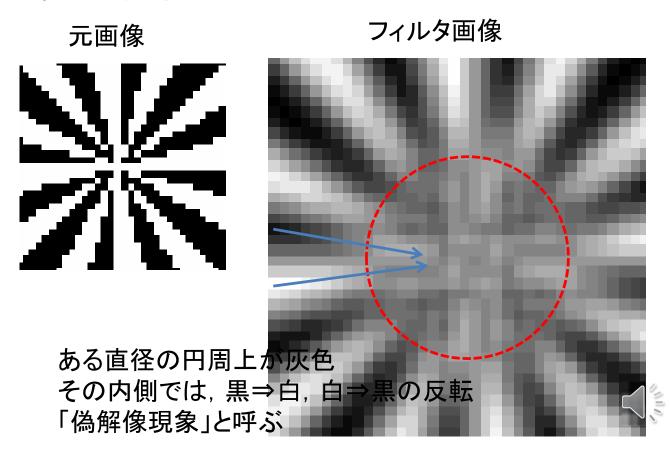
画像表示部分は省略

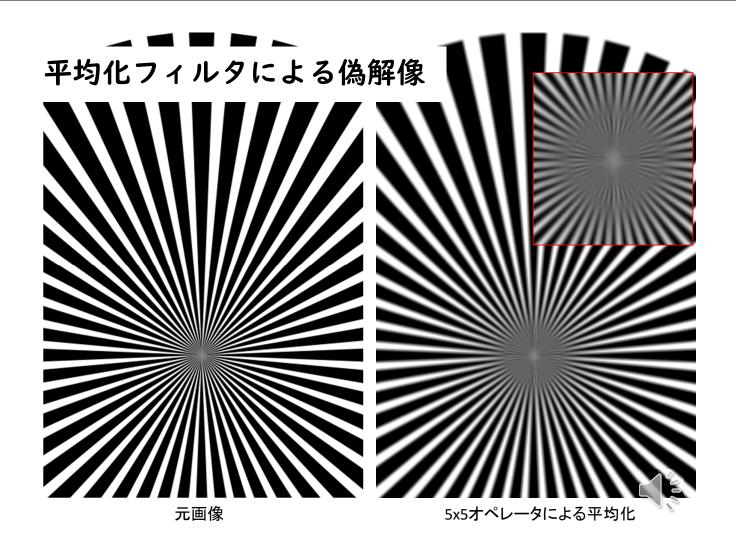


## 5x5の平均化

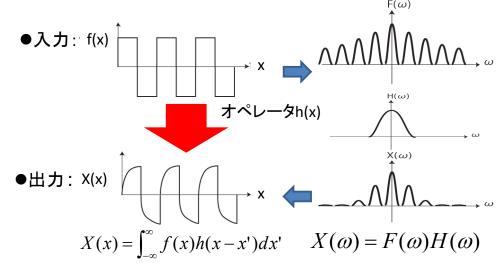


# 中心付近を拡大してみる





# (復習) オペレータとフーリエ変換



- •オペレータh(x)のフーリエ変換が $H(\omega)$ であるとする.
- •<u>空間領域</u>でのオペレータの畳込み積分(コンボリューション)は、 <u>周波数領域</u>でオペレータをフーリエ変換したフィルタH(ω)をか けることと等価

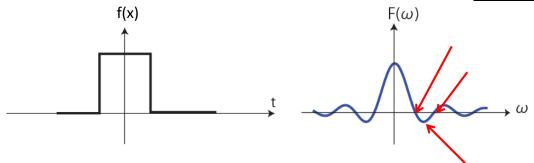
オペレータ=フィルタ



## オペレータのフーリエ変換例

$$\begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/9 & 1/9 & 1/9 \\ 1/9 & 1/9 & 1/9 \\ 1/9 & 1/9 & 1/9 \end{bmatrix}$$

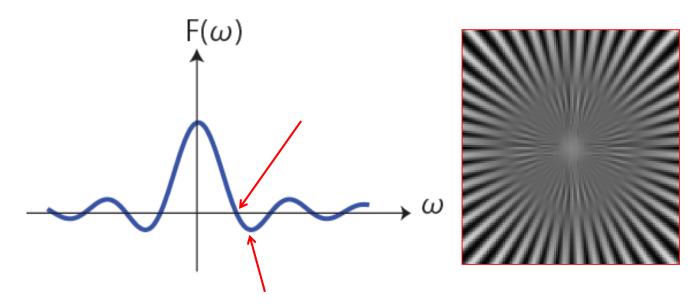
フィルタの形が矩形の場合 ⇒ フーリエ変換するとSinc関数



平均化=Low Pass Filterというのは、近似にすぎない. 単なるLow Pass Filterではない

- ●特定の周波数のゲインはO(画像では灰色になる)
- ●周波数によっては位相が反転(画像では白黒反転⇒偽解像)

# 偽解像現象はなぜ生じるか

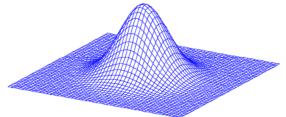


平均化=Low Pass Filterというのは、近似にすぎない. 単なるLow Pass Filterではない.

- ●特定の周波数のゲインはO(画像では灰色になる)
- ●周波数によっては位相が反転(画像では白黒反転⇒偽解像)

#### 画像平滑化の実際: ガウシアンフィルタ

$$3x3$$
ガウシアンオペレータ  $\frac{1}{15} \times \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 3 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$ 



フィルタの形がガウシアン ⇒ フーリエ変換してもガウシアン

$$h(x) = \exp(-ax^2)$$
  $\longrightarrow$   $H(\omega) = \frac{1}{\sqrt{2a}} \exp(-\frac{\omega^2}{4a})$ 

先ほどの問題点が解決され、素直なLPFとなる.

実用的なオペレータサイズ:3x3, または5x5

5x5ガウシアンオペレータ

$$\frac{1}{331} \times \begin{bmatrix} 1 & 4 & 7 & 4 & 1 \\ 4 & 20 & 33 & 20 & 4 \\ 7 & 33 & 55 & 33 & 7 \\ 4 & 20 & 33 & 20 & 4 \\ 1 & 4 & 7 & 4 & 1 \end{bmatrix}$$

# 事前処理としてのガウシアンフィルタ





Photoshop使用

多くの画像処理で、事前にガウシアンをかけて ノイズを除去する.



# レポート課題(Ⅰ)

元画像に5x5のガウシアンフィルタをかけ、ぼかしてみる 元画像と比較し、ぼけていることを確認せよ

(ヒント)5x5の単純平均化のソースコードを改変



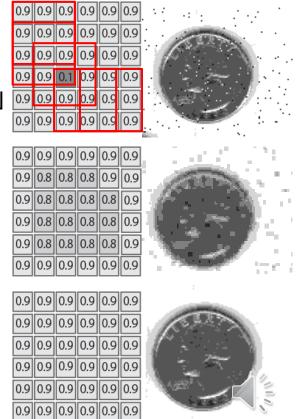
#### もう一つのノイズ除去:メディアンフィル タ

ノイズが強力かつ小さい時

- (2)中間値(メディアン)を用いる.

3×3領域を使う場合:
Y<sub>i,j</sub> = 中間値(X<sub>i-1,j-1</sub>, X<sub>i-1,j</sub>, X<sub>i-1,j+1</sub>, X<sub>i,j-1</sub>, X<sub>i,j-1</sub>, X<sub>i,j+1</sub>, X<sub>i+1,j-1</sub>, X<sub>i+1,j-1</sub>, X<sub>i+1,j-1</sub>)

9個の値をソート ⇒5番目を採用



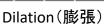
# (参考) モルフォロジー(形態)処理

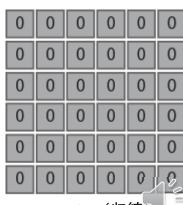
特に2値画像で用いられる.

範囲内の最大値を取る: Dilation (膨張) 範囲内の最小値を取る: Erosion (収縮)

0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	0	0
0	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0

0	0	0	0	0	0
0	1	1	1	1	0
0	1	1	1	1	0
0	1	1	1	1	0
0	1	1	1	0	0
0	0	0	0	0	0
D:1 .: (吐/3E)					





Erosion(収縮)

# (参考) モルフォロジー(形態)処理

「範囲」の形状を定義すれば筆の効果も得られる

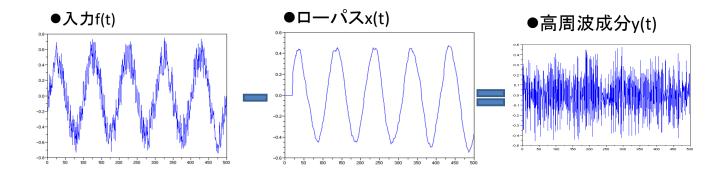


dilation範囲



### (復習) 逆に高い周波数成分だけ取り出すには?

- ●ローパスフィルタ: 低い周波数成分だけを取り出した
- ●元信号と低周波信号の差をとれば、高周波数成分だけ取り出せる?





## 画像の「エッジ抽出」

アイデア: 低い周波数成分を取り除く

具体的には? 「変化」だけを取り出せば良い.

⇒空間的な微分を行っていることに等しい

#### 対応:

- ・微分=エッジ抽出=ハイパスフィルタ
- •積分=平滑化=ローパスフィルタ



### 微分: Sobelフィルタ

・ディジタルの世界: 微分 ⇒ 差分

$$y(t) = \frac{dx(t)}{dt}$$
  $y(n) = \frac{x(n+1)-x(n-1)}{2\Delta}$ 

•2次元の微分:x方向, y方向がある.

 $\frac{\partial X}{\partial x}$   $u_{i,j} = X_{i+1,j} - X_{i-1,j}$   $v_{i,j} = X_{i,j+1} - X_{i,j+1}$ 

# Sobelフィルタ(2)



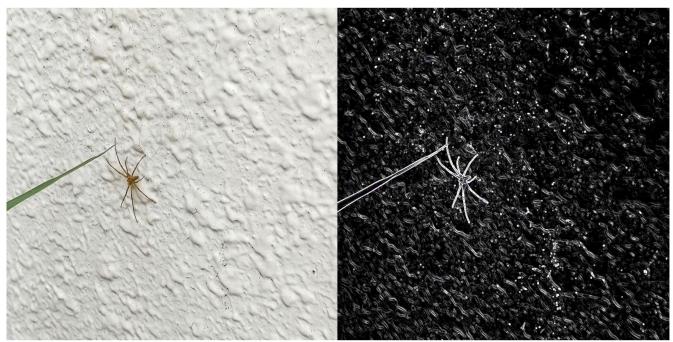
- (1)x方向微分と、Y方向平滑化
- (2)Y方向微分と、X方向平滑化
- (3)(1)(2)の結果をベクトルとみなした時の大きさ
- =変化の強さ
- ((4)閾値により2値化)

$$\frac{\partial X}{\partial x} \begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\frac{\partial X}{\partial y} \begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\sqrt{\left(\frac{\partial X}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{X}{\partial y}\right)^2}$$

#### Sobelフィルタの動画適用例



ImageJ使用

# レポート課題(2)

元画像に3x3のSobelフィルタをかけ、エッジを抽出してみよヒント EdgeV=2gg(13C 13C)

```
EdgeX=zeros(126,126);
for x=1:126,
    for y=1:126,
    EdgeX (x,y)= 略
end
end

EdgeY=zeros(126,126);
for x=1:126,
    for y=1:126,
    EdgeY(x,y)= 略
end
end
img2 = sqrt(EdgeX.*EdgeX + EdgeY .*EdgeY);
```



# 2階微分:Laplacianフィルタ

エッジ抽出=空間的な微分 さらに微分すれば? 二階微分



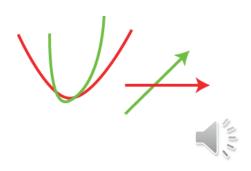
$$y(t) = \frac{d^2x(t)}{dt^2}$$

$$y(n) = \frac{x(n+1) - x(n)}{\Delta} - \frac{x(n) - x(n-1)}{\Delta}$$

$$= \frac{x(n+1) - 2x(n) + x(n-1)}{\Delta}$$

2次元では?

$$\nabla^2 X = \frac{\partial^2}{\partial x^2} X + \frac{\partial^2}{\partial y^2} X$$



# 2階微分:Laplacianフィルタ(続)

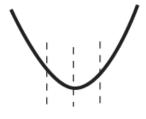
$$\nabla^2 X = \frac{\partial^2}{\partial x^2} X + \frac{\partial^2}{\partial y^2} X$$

$$\frac{\partial^2 X}{\partial x^2}$$

$$u_{i,j} = X_{i+1,j} - 2X_{i,j} + X_{i-1,j}$$

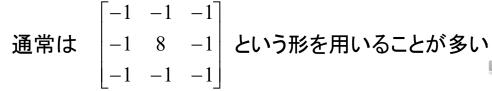


$$\frac{X}{2}$$



$$v_{i,j} = X_{i,j+1} - 2X_{i,j} + X_{i,j-1}$$

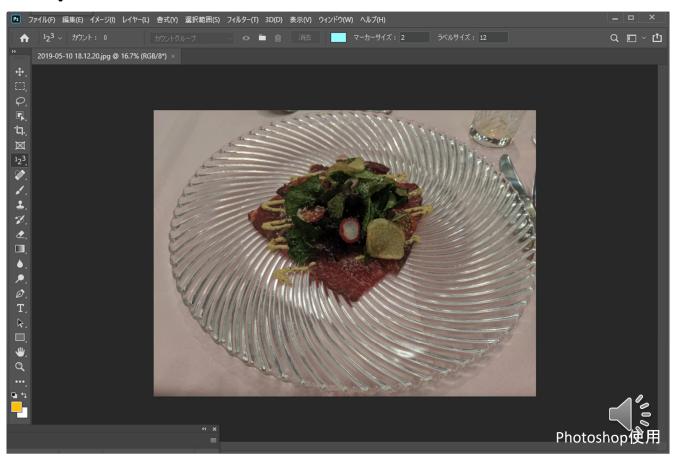
$$\begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ -1 & 4 & -1 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$







# Laplacianによるエッジ抽出



### LoG (Laplacian of Gaussian)フィルタ

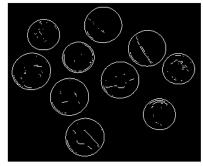


- Gaussianで平滑化後, Laplacianでエッジ抽出
- 人間の網膜上の情報処理そのもの
  - 人間はなだらかな輝度変化に鈍感 (ex. 大型スクリーンの輝度分布)



#### (参考) エッジ抽出の実際: Cannyフィルタ







Sobel

Canny

エッジ抽出は通常,最後に2値化して終了,次の処理へ.

Sobelフィルタ: 閾値の設定が難しい.

•必要なエッジが消えてしまう or エッジが出過ぎる

Cannyフィルタ: 最も標準的なエッジ抽出手法

•微分計算自体はSobelの方法を使う

・戦略:弱いエッジも、長く繋がりそうなら救う(二つの閾値使用)

•計算量はやや多い.

# 相関と画像処理



# テンプレートマッチング



例:画像中から特定の人の顔を認識したい

#### (復習) 波形 fに波形 gはどれだけ含まれるか

波形f中の、波形gの成分

$$= \frac{1}{T} \int_0^T f(t)g(t)dt \qquad (連続関数)$$

$$= \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N f(i)g(i) \qquad (離散化して考えた場合)$$
time
$$\int_0^{f(t)} f(t)g(t)dt \qquad (連続関数)$$

$$= \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N f(i)g(i) \qquad (it)g(i)$$

$$= \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N f(i)g(i) \qquad (it)g(i)$$

これは二つの波をベクトルと考えた時の内積に他ならない。 ※内積を連続関数に対して定義

## (復習)相互相関



- 二つの信号が、
- ●時間的にどれだけずれているのか
- ●時間のずれを無視したらどれだけ似ているのか を測定したい.

内積を思い出せば,

次の手順で測定すればよいことがわかる

●g(t)をτだけずらしてみる ⇒  $g(t+\tau)$ ●f(t)との内積を取ってみる ⇒  $\int_{-\infty}^{\infty} \overline{f(t)}g(t+\tau)dt$ 

●τを変化させていく.



# (復習) 相互相関



R<sub>fσ</sub>(τ):二つの関数f(t), g(t)の, 相互相関関数

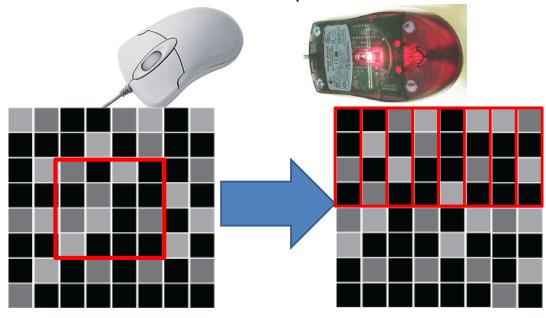
$$R_{fg}(\tau) = \int_{-\infty}^{\infty} \overline{f(t)} g(t+\tau) dt$$



 $R_{fg}(\tau)$ が最大の値をとる $\tau$ =元の関数f(t)とg(t)のズレ (ただし直流成分を取り除いた後)

#### (復習) 相互相関の応用:速度計測

光学式マウスの中身=16x16 pixel のCMOSカメラ



二つの画像(=2次元関数)同士の相互相関を取ることで移動量を計測する. 自動車の速度計測等にも利用.

# テンプレートマッチング(再)





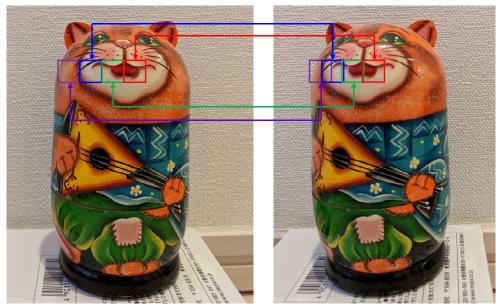
g(x,y)



2次元に拡張.

g(t)⇒g(x,y)として、顔の標準的な画像を用意して相互相関をとれば、顔の部分でピークを生じる

#### (参考) ステレオビジョンによる立体計測



左目映像

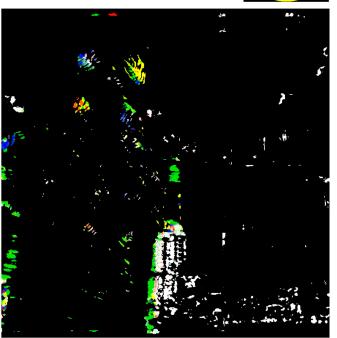
右目映像

- 二つ以上のカメラを使用
- 画像間の局所的な相互相関から視差計測、立体再構成

# **Optical Flow**







mageJ使用

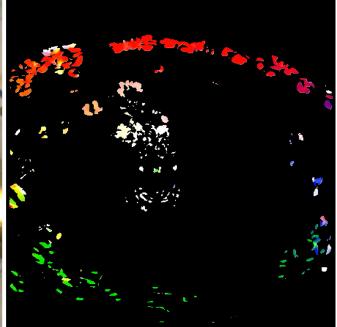
• 時間的に前後の2枚以上の画像で相互相関を計測



### **Optical Flow**







ImageJ使用

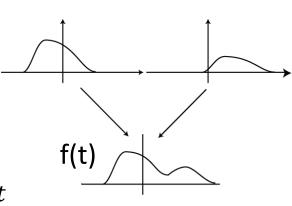
時間的に前後の2枚以上の画像で差を計測

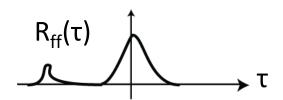


## (復習) 自己相関

二つの関数f(t), g(t)の代わりに, ひとつの関数f(t)の相関を取る.

$$R_{ff}(\tau) = \int_{-\infty}^{\infty} \overline{f(t)} f(t+\tau) dt$$





自己相関関数は,

「どれだけずれたら自分自身に近い形になるか」 を表す.

すなわち、エコーを発見していることに他ならない.



# ブレ (Motion Blur)について





Motion Blur (Wikipedia) <a href="https://en.wikipedia.org/wiki/Motion\_blur">https://en.wikipedia.org/wiki/Motion\_blur</a>

#### ブレ(Motion Blur):

カメラを使って、イメージを捕らえる過程中での移動、または、長い露光時間を使う場合の被写体の移動。



# ブレの検出と除去

ImageJ使用







**Ground Truth** 

**Motion Blur** 

Reconstructed

#### 基本原理

- (1)2次元の自己相関計算によってブレの方向と量を推定
- (2)ブレの方向に微分フィルタを適用する

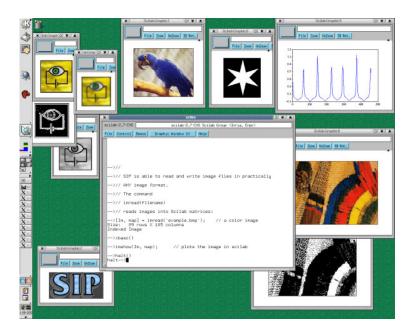
実際はもうすこし複雑

# 画像処理を使うために



# Scilabでの画像処理

SIP=Scilab Image Processing toolbox <a href="http://siptoolbox.sourceforge.net/">http://siptoolbox.sourceforge.net/</a>



画像の読み出しと保存が可能.

普通に知られている アルゴリズムは大体 ある.



# 画像処理ライブラリ OpenCV

世界で最も広く使われている画像処理ライブラリ これにより画像処理研究はソフト開発から解放された.

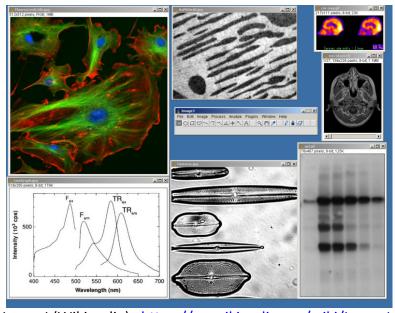
#### 日本語の情報源

- Webページ(奈良先端大) http://opencv.jp/
- OpenCVプログラミングブック



画像処理プログラミングは配列を扱うため、自力でプログラミングするとバグに苦しみます、まずはライブラリを使いましょう. (ただし最終的にはライブラリを作る人へ)

## 研究用画像処理ツール ImageJ



ImageJ (Wikipedia) <a href="https://en.wikipedia.org/wiki/ImageJ">https://en.wikipedia.org/wiki/ImageJ</a>

1.Rasband, W.S., ImageJ, U. S. National Institutes of Health, Bethesda, Maryland, USA, <a href="https://imagej.nih.gov/ij/">http://imagej.nih.gov/ij/</a>, 1997-2012. 2.Schneider, C.A., Rasband, W.S., Eliceiri, K.W. "NIH Image to ImageJ: 25 years of image analysis". Nature Methods 9, 671-675, 2012.

画像に対する計測や加工を行うソフトウェア。すべてオープンソース。生物系等幅広い分野で使用されている。

# 中間確認テスト

中間テスト用の問題集を配布します。

一度式の導出を覚えることを意図しています。

